

Задача А. Мистер Флойд

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный взвешенный граф. Вам необходимо найти пару вершин, кратчайшее расстояние от одной из которых до другой максимально среди всех пар вершин.

Формат входных данных

В первой строке вводится единственное число n ($1 \leq n \leq 100$) – количество вершин графа. В следующих n строках по n чисел задается матрица смежности графа, где -1 означает отсутствие ребра между вершинами, а любое неотрицательное число – присутствие ребра данного веса. На главной диагонали матрицы – всегда нули.

Формат выходных данных

Выведите искомое максимальное кратчайшее расстояние.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6 0 6 8 -1 -1 -1 5 0 5 -1 -1 -1 1 7 0 -1 -1 -1 -1 -1 -1 0 6 -1 -1 -1 -1 -1 0 3 -1 -1 -1 2 -1 0	9

Задача В. Флойд - существование

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный взвешенный граф. По его матрице смежности нужно для каждой пары вершин определить, существует ли кратчайший путь между ними или нет.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано единственное число n ($1 \leq n \leq 100$) — количество вершин графа. В следующих n строках по n чисел — матрица смежности графа (j -е число в i -й строке соответствует весу ребра из вершины i в вершину j): число 0 обозначает отсутствие ребра, а любое другое число — наличие ребра соответствующего веса. Все числа по модулю не превышают 100.

Формат выходных данных

Выведите n строк по n чисел. j -е число в i -й строке должно соответствовать кратчайшему пути из вершины i в вершину j . Число должно быть равно 0, если пути не существует, 1, если существует кратчайший путь, и 2, если пути существуют, но бывают пути сколь угодно маленького веса.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1 1 1
0 1 2	1 1 1
1 0 3	1 1 1
2 3 0	

Замечание

Кратчайший путь может не существовать по двум причинам:

- нет ни одного пути
- есть пути сколь угодно маленького веса

Задача С. Форд-Беллман

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Дан ориентированный граф, в котором могут быть кратные ребра и петли. Каждое ребро имеет вес, выражающийся целым числом (возможно, отрицательным). Гарантируется, что циклы отрицательного веса отсутствуют.

Требуется посчитать длины кратчайших путей от вершины номер 1 до всех остальных вершин.

Формат входных данных

Программа получает сначала число n ($1 \leq n \leq 100$) — количество вершин графа и число m ($0 \leq m \leq 10^4$) — количество ребер. В следующих строках идет m троек чисел, описывающих ребра: начало ребра, конец ребра и вес (вес — целое число от -100 до 100).

Формат выходных данных

Программа должна вывести n чисел — расстояния от вершины номер 1 до всех вершин графа. Если пути до соответствующей вершины не существует, вместо длины пути выведите число 30000.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6 4	0 10 20 30000 30000 30000
1 2 10	
2 3 10	
1 3 100	
4 5 -10	

Задача D. Цикл

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный граф. Определить, есть ли в нем цикл отрицательного веса, и если да, то вывести его.

Формат входных данных

В первой строке содержится число n ($1 \leq n \leq 100$) – количество вершин графа. В следующих n строках находится по n чисел – матрица смежности графа. Веса ребер по модулю меньше 10^5 . Если ребра нет, соответствующее значение равно 10^5 .

Формат выходных данных

В первой строке выведите «YES», если цикл существует, или «NO» в противном случае. При наличии цикла выведите во второй строке количество вершин в нем (считая одинаковые – первую и последнюю), а в третьей строке – вершины, входящие в этот цикл, в порядке обхода. Если циклов несколько, то выведите любой из них.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 100000 100000 -51 100 100000 100000 100000 -50 100000	YES 4 2 1 3 2

Задача Е. Лабиринт знаний

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В Летней Компьютерной Школе (ЛКШ) построили аттракцион «Лабиринт знаний». Лабиринт представляет собой n комнат, занумерованных от 1 до n , между некоторыми из которых есть двери. Когда человек проходит через дверь, показатель его знаний изменяется на определенную величину, фиксированную для данной двери. Вход в лабиринт находится в комнате 1, выход – в комнате n . Каждый ученик проходит лабиринт ровно один раз и попадает в ту или иную учебную группу в зависимости от количества набранных знаний (при входе в лабиринт этот показатель равен нулю). Ваша задача показать наилучший результат.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит целые числа n ($1 \leq n \leq 2000$) – количество комнат и m ($1 \leq m \leq 10000$) – количество дверей. В каждой из следующих m строк содержится описание двери – номера комнат, из которой она ведет и в которую она ведет (через дверь можно ходить только в одном направлении), а также целое число, которое прибавляется к количеству знаний при прохождении через дверь (это число по модулю не превышает 10000). Двери могут вести из комнаты в нее саму, между двумя комнатами может быть более одной двери.

Формат выходных данных

Выведите «:» – если можно получить неограниченно большой запас знаний, «:(» – если лабиринт пройти нельзя, и максимальное количество набранных знаний в противном случае.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
2 2 1 2 3 1 2 7	7

Задача F. Транспортировка

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

К очередной Летней компьютерной школе было решено подготовить кружки как для школьников, так и для всех преподавателей.

Имея привычку делать важные дела в самый последний момент, дизайнер закончил работу над макетом за два дня до начала школы. Ещё день уйдёт у завода-изготовителя на то, чтобы изготовить кружки и нанести на них изображение. На то, чтобы довезти кружки от завода-изготовителя до ЛКШ, остаётся всего 24 часа.

Заказ на 10000000 экземпляров кружек (а именно столько заказали организаторы), конечно же, за один рейс не увезти. Однако, за первый рейс хочется привезти максимальное количество кружек. Для перевозки был заказан один большегрузный автомобиль. Но есть один нюанс: на некоторых дорогах установлено ограничение на вес автомобиля. Поэтому если автомобиль нагрузить кружками под завязку, то, возможно, не удастся воспользоваться самым коротким маршрутом, а придётся ехать в объезд. Может случиться даже так, что из-за этого грузовик не успеет доехать до лагеря вовремя, а этого допустить никак нельзя. Итак, сколько же кружек можно погрузить в автомобиль, чтобы успеть привезти этот ценный груз вовремя, и не нарушая правил дорожного движения?

Формат входных данных

В первой строке находятся числа n ($1 \leq n \leq 500$) и m - количество узловых пунктов дорожной схемы и количество дорог, соответственно. В следующих m строках находится информация о дорогах. Каждая дорога описывается в отдельной строке следующим образом. Сначала указаны номера узловых пунктов, которые соединяются данной дорогой, потом время, которое тратится на проезд по этой дороге, и, наконец, максимальный вес автомобиля, которому разрешено ехать по этой дороге. Известно, что все дороги соединяют различные пункты, причем для каждой пары пунктов есть не более одной дороги, непосредственно их соединяющей. Все числа разделены одним или несколькими пробелами.

Узловые пункты нумеруются числами от 1 до n . При этом завод по производству кружек имеет номер 1, а ЛКШ - номер n . Время проезда по дороге задано в минутах и не превосходит 1440 (24 часа). Ограничение на массу задано в граммах и не превосходит одного миллиарда. Кроме того, известно, что одна кружка весит 100 грамм, а пустой грузовик - 3 тонны.

Формат выходных данных

Выведите одно число - максимальное количество кружек, которое можно привезти за первый рейс, потратив не более 24 часов.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 1 2 10 3000220 2 3 20 3000201 1 3 1 3000099	2

Задача G. Заправки-2

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В стране n городов, некоторые из которых соединены между собой дорогами. Для того, чтобы проехать по одной дороге, требуется один бак бензина. Помимо этого у вас есть канистра для бензина, куда входит столько же топлива, сколько входит в бензобак.

В каждом городе бак бензина имеет разную стоимость. Вам требуется добраться из первого города в n -й, потратив как можно меньше денег.

В каждом городе можно заправить бак, заправить бак и канистру или же перелить бензин из канистры в бак. Это позволяет экономить деньги, покупая бензин в тех городах, где он стоит дешевле, но канистры хватает только на одну заправку бака!

Формат входных данных

В первой строке вводится число n ($1 \leq n \leq 100$), в следующей строке идет n чисел, i -е из которых задает стоимость бензина в i -м городе (всё это целые числа из диапазона от 0 до 100). Затем идет число M – количество дорог в стране, далее идет описание самих дорог. Каждая дорога задается двумя числами – номерами городов, которые она соединяет. Все дороги двухсторонние (то есть по ним можно ездить как в одну, так и в другую сторону), между двумя городами всегда существует не более одной дороги, не существует дорог, ведущих из города в себя.

Формат выходных данных

Требуется вывести одно число – суммарную стоимость маршрута или -1, если добраться невозможно.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 1 10 2 15 4 1 2 1 3 4 2 4 3	2

Задача Н. Авиаперелеты

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Профессору Форду необходимо попасть на международную конференцию. Он хочет потратить на дорогу наименьшее количество денег, поэтому решил, что будет путешествовать исключительно ночными авиарейсами (чтобы не тратиться на ночевку в отелях), а днем будет осматривать достопримечательности тех городов, через которые он будет проезжать транзитом. Он внимательно изучил расписание авиаперелетов и составил набор подходящих авиарейсов, выяснив, что перелеты на выбранных направлениях совершаются каждую ночь и за одну ночь он не сможет совершить два перелета.

Теперь профессор хочет найти путь наименьшей стоимости, учитывая что до конференции осталось k ночей (то есть профессор может совершить не более k перелетов).

Формат входных данных

В первой строке находятся числа n (количество городов), m (количество авиарейсов), k (количество оставшихся ночей), s (номер города, в котором живет профессор), f (номер города, в котором проводится конференция).

Ограничения: $2 \leq n \leq 100$, $1 \leq m \leq 10^5$, $1 \leq k \leq 100$, $1 \leq s, f \leq n$.

Далее идет m строк, задающих расписание авиарейсов. i -я строка содержит три натуральных числа: s_i , f_i и p_i , где s_i - номер города, из которого вылетает i -й рейс, f_i - номер города, в который прилетает i -й рейс, p_i - стоимость перелета i -м рейсом. $1 \leq f_i, s_i \leq n$, $1 \leq p_i \leq 10^6$.

Формат выходных данных

Выведите одно число - минимальную стоимость пути, подходящего для профессора. Если профессор не сможет за k ночей добраться до конференции, выведите число -1.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 5 2 1 4 1 2 1 2 3 1 3 4 1 1 3 3 1 4 5	4

Задача I. Защищенное соединение

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В свете недавних новостей о прослушке каналов связи, два непримиримых интернет-гиганта Урагании «Laim.UR» и «Xenda» решили подписать соглашение об установлении защищенного канала связи между дата-центрами друг друга. В Урагании n городов, но, к сожалению, ни в одном городе нет дата-центров обоих гигантов. Поэтому для формирования защищенного канала придется прокладывать междугородние линии связи.

Специалисты компаний определили m пар городов, которые можно соединить, проложив сегмент канала связи, и оценили стоимость создания такого сегмента для каждой из этих пар.

Результирующий канал может состоять из нескольких сегментов. Он должен начинаться в одном из городов, где находится дата-центр первой компании, может проходить через промежуточные города и должен заканчиваться в городе, где находится дата-центр второй компании.

Теперь необходимо определить минимальную стоимость защищенного канала, соединяющего два дата-центра компаний.

Формат входных данных

В первой строке находятся целые числа n и m ($2 \leq n \leq 5000$, $1 \leq m \leq 10^5$) — количество городов и количество пар городов, которые можно соединить сегментом канала связи.

Во второй строке находятся n целых чисел a_i ($0 \leq a_i \leq 2$). Если $a_i = 0$, то в i -м городе нет дата-центра ни одного из гигантов. Если $a_i = 1$, то в i -м городе есть дата-центр «Laim.UR», а если $a_i = 2$, то в i -м городе находится дата-центр «Xenda». Гарантируется, что среди этих чисел есть как минимум одна единица и одна двойка.

В каждой из следующих m строк находится по три целых числа — s_i , t_i и c_i , которые означают, что города s_i и t_i ($1 \leq s_i, t_i \leq n$, $s_i \neq t_i$) можно соединить сегментом канала связи стоимостью c_i ($1 \leq c_i \leq 10^5$). Каждую пару городов можно соединить не более чем одним сегментом канала.

Формат выходных данных

Если соединить защищенным каналом связи два дата-центра разных интернет-гигантов возможно, то выведите в выходной файл три числа: x , y и d , означающие, что между городами x и y возможно провести канал связи суммарной стоимостью d . В городе x должен находиться дата-центр «Laim.UR», в городе y — дата-центр «Xenda». Если существует несколько оптимальных ответов, выведите любой. Если провести искомый канал невозможно, выведите -1.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
6 7 1 0 1 2 2 0 1 3 3 1 2 4 2 3 3 2 4 2 1 6 5 3 5 6 5 6 1	3 4 5
4 2 1 0 0 2 1 3 3 2 4 2	-1