

Задача А. Побитовый вывод

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Напишите программу, выводящую все биты 8-битного числа.

ALARM: MEGAHARD

Формат входных данных

Дано число A ($0 \leq A \leq 255$).

Формат выходных данных

Выведите число A в битовой форме: 8 бит, старшие биты слева, младшие — справа.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	00000101

Задача В. Переворот битов

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана таблица $n \times m$ из 0 и 1. За одно действие вы можете поменять все биты на противоположные (то есть все 0 на 1 и все 1 на 0) в любом столбце или в любой строке этой таблицы. Вы можете совершить k действий. Какое максимальное количество 1 вы можете получить?

Формат входных данных

Первая строка содержит три целых числа n , m и k ($n \times m \leq 500$, $k \leq 1000$).

Следующие n строк содержат описание таблицы: в i -й из этих строк содержится битовая строка длины m .

Формат выходных данных

Выведите единственное число — ответ на задачу.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 2 11 10 11	5
5 4 4 0011 1100 0001 0101 0010	16

Задача С. Украденный массив

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.8 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Мальчик Петя любит массивы. Недавно ему подарили огромный массив чисел F размера 2^n . Петя человек странный, и при виде массива из чисел сразу начинает считать какие-то суммы на нём. Специально для этого он купил в магазине новый пустой массив P размера 2^n и начал его заполнять по следующему правилу: $P[i] = \sum_{j \& i = j} F[j]$. Другими словами для каждого j , такого что j — подмаска i (т.е. побитовое «И» чисел i и j равно j), Петя прибавил $F[j]$ к изначально нулевому значению $P[i]$.

Но потом случилось ужасное — массив F украли! Теперь Петя хочет разыскать массив F , но он не помнит, какие значения там были изначально. Единственное что у него есть — массив P . Помогите Пете восстановить массив F .

Формат входных данных

В первой строке входных данных дано одно число n ($1 \leq n \leq 20$).

В следующей строке даны 2^n чисел, i -е из них — значение $P[i]$ ($-10^9 \leq P[i] \leq 10^9$) (нумерация ведётся с нуля).

Формат выходных данных

В одной строке выведите 2^n чисел, i -е из которых — значение $F[i]$ (нумерация ведётся с нуля).

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 1 2 3 4	1 1 2 0
3 1 3 4 10 6 14 16 36	1 2 3 4 5 6 7 8

Задача D. Справедливый дележ

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

— Я хотел честно, — сказал Балаганов, собирая деньги с кровати, — по справедливости.

В коробке от сигарет «Кавказ», отнятой у Корейко, было всего $1 \leq N \leq 15$ купюр, каждая номиналом $1 \leq a_i \leq 10^3$. Разделить надо было на $1 \leq K \leq 100$ частей, причём известно, что общая сумма делится на K . Метод деления «по справедливости» следующий: если разделить поровну не получается, то делить следует так, чтобы среднеквадратичное отклонение было минимальным.

Среднеквадратичное отклонение для данного способа дележа определяется следующим образом. Пусть i -й человек получил сумму денег, равную S_i . Обозначим за M среднее арифметическое сумм денег, полученных каждым: $M = (\sum_{i=1}^K S_i)/K$. Тогда среднеквадратичное отклонение можно вычислить так: $\sigma = \sqrt{(\sum_{i=1}^K (S_i - M)^2)/K}$.

— И как? — поинтересовался Остап.

— Сложно... — вздохнул Шура.

Попробуйте и вы разделить деньги «по справедливости».

Формат входных данных

В первой строке входного файла задано N — количество купюр и K — количество участников дележа. Далее, в следующей строке, заданы N целых чисел a_i — номиналы купюр.

Формат выходных данных

В первой строке выведите искомое среднеквадратичное отклонение с точностью до шести знаков после десятичной точки, в следующей строке выведите N чисел от 1 до K — номер участника дележа, которому досталась i -я купюра. Если оптимальных решений несколько, разрешается выводить любое.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 3 1 2 3 6	1.41421356237309514547 1 1 2 3
1 1 179	0.00000000000000000000 1

Задача Е. Сумма всего подряд

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан случайный граф. Нужно для каждого множества вершин A посчитать $f(A)$, количество независимых подмножеств вершин B : $B \subseteq A$. Множество вершин B называется независимым, если в графе нет ребра, оба конца которого лежат в множестве B .

Формат входных данных

На первой строке число вершин $1 \leq n \leq 23$ и число ребер $1 \leq m \leq 300$.
Следующие m строк содержат пары чисел от 1 до n — ребра графа.
В графе нет ни петель, ни кратных ребер.

Формат выходных данных

Каждому множеству A можно сопоставить целое число $b(A)$, двоичная запись которого соответствует наличию элементов в множестве A . Пример: $n = 5, A = \{1, 2, 5\}, b(A) = 2^0 + 2^1 + 2^4 = 19$.
Выведите $\sum_A f(A) 2^{b(A)} \pmod{(10^9 + 7)}$

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 1 2	1221
2 1 2 1	37
5 8 1 2 4 3 5 2 3 5 5 1 4 2 3 2 1 4	182803251

Задача F. Деловые встречи

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Алексей — успешный предприниматель, и в течение одного дня у него бывает много встреч с разными деловыми партнёрами. К сожалению, встречи бывают разные и не все приносят ему радость, после других же настроение улучшается. Также, на многие встречи не стоит приходить в слишком плохом или хорошем настроении — результат таких встреч может быть не таким, какой хочется Алексею.

К счастью, недавно Алексей научился оценивать своё настроение с помощью целых чисел. После этого для каждой встречи он оценил, при каком максимальном и минимальном настроении стоит на неё приходить, а также как изменится его настроение после этой встречи. Теперь он хочет распланировать порядок встреч так, чтобы в течение дня совершить максимальное число встреч.

Ваша задача — написать программу, которая по информации о всех встречах и настроении Алексея в начале дня находит порядок проведения встреч такой, что их количество при этом максимально.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа n и k ($1 \leq n \leq 20$, $-100 \leq k \leq 100$) — количество встреч и настроение Алексея в начале дня.

Следующие n строк содержат по три целых числа a_i , b_i и c_i ($-100 \leq a_i, b_i, c_i \leq 100$) — минимальное и максимальное настроение, при котором встреча возможна, и изменение настроения по окончании встречи, соответственно.

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите число m — максимально возможно число встреч. В следующей строке выведите m целых чисел — номера встреч в порядке их проведения. Встречи пронумерованы в порядке описания во входном файле.

Если ответов с максимальным числом встреч несколько, выведите любой.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 1 3 3 0 1 2 1 3 1	3 2 3 1
3 1 -10 -5 3 -5 5 -2 -3 2 1	2 3 2

Задача G. Леденящая игра

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Чтобы попасть в команду к Шкиперу пингвин должен пройти ряд испытаний: полоса препятствий от Шкипера, спарринг с Рико, расшифровка кода от Прапора и задача от Ковальски.

Вы, пингвин-новобранец, успешно дошли до последнего испытания. Ковальски предлагает вам сыграть в следующую игру. Вам дается m наборов разноцветных льдинок, каждая одного из n цветов. Различные цвета обозначаются различными прописными буквами латинского алфавита. Вы можете взять какое-то подмножество этих наборов при условии, что льдинка каждого цвета будет встречаться не более одного раза в этом подмножестве. Пусть вы выбрали k наборов с индексами i_1, i_2, \dots, i_k , тогда ваш выигрыш составляет $\sum_{j=1}^k l_{i_j} - k$ баллов, где l_{i_j} — количество льдинок в наборе i_j .

Ковальски требует найти подмножество с максимальным количеством баллов.

От вас требуется найти любое подмножество, подходящее под условия Ковальски.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находится число n ($1 \leq n \leq 17$) — количество различных цветов. Вторая строка входного файла содержит число m ($1 \leq m \leq 200000$) — количество различных наборов льдинок. В следующих m строках перечислены сами наборы. Набор с номером i задаётся строкой из первых n строчных латинских букв. Длина каждой строки не больше 17 символов.

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите k — количество наборов в ответе. Во второй строке выходного файла выведите k чисел — индексы наборов, входящих в ответ, в произвольном порядке.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1 3 aaa aaaa a	0
1 2 aaa aaaa	0
3 3 aba ab c	1 2

Задача Н. 17 стульев

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

Остап Бендер снова пытается получить причитающиеся драгоценности, но на этот раз они были заперты в шкатулке, для открытия которой необходимо иметь N ключей. По закономерной случайности каждый из ключей был спрятан в одном из N стульев, распроданных на недавнем аукционе. После аукциона эти стулья были развезены в N городов.

И вот теперь Остап решил на новую безумную затею: заехать в каждый из городов и, провернув в каждом из них аферу, выкрасть необходимые ключи. Чтобы избежать конфликтов с недоброжелателями, Остап не хочет больше одного раза появляться в каком-либо городе. Также у Остапа есть список цен за проезд между каждой парой городов. Изначально Остап находится в городе под номером 1 и после посещения всех городов может незаметно скрыться из этой страны.

Помогите Остапу найти порядок посещения городов, при котором ему потребуется потратить как можно меньше средств на странствия, и тогда, возможно, он поделится с Вами добытыми бриллиантами.

Формат входных данных

Первая строка содержит единственное число N — количество городов ($1 \leq N \leq 17$).

Следующие N строк содержат по N целых неотрицательных чисел. j -тое число в i -й строке означает стоимость проезда из города i в город j ($0 \leq a_{ij} \leq 100$). Если $a_{ij} > 0$, то проезд стоит a_{ij} рублей, иначе — это означает, что из города i в j невозможно проехать напрямую.

Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальную сумму денег, необходимую для посещения всех городов Остапом. В следующей строке выведите N чисел — порядок посещения городов, при котором эта сумма достигается. Если затею Остапа невозможно вывести, то в единственной строке выходного файла выведите число -1.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 3 2 3 0 6 2 6 0	8 1 3 2
5 0 6 4 0 0 6 0 7 0 7 4 7 0 0 0 0 0 0 0 2 0 7 0 2 0	20 1 3 2 5 4

Задача I. Раскраска графа

Имя входного файла: coloring.in
Имя выходного файла: coloring.out
Ограничение по времени: 4 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан граф из n вершин, раскрасьте его в минимально возможное число цветов так, чтобы никакие две вершины, соединенные ребром, не были одного цвета.

Формат входных данных

В первой строке содержится число t — количество тестовых примеров ($1 \leq t \leq 5$).

Далее содержится t тестовых случаев, заданных в следующем формате:

В первой строке записаны числа n и m — количество вершин и ребер соответственно ($1 \leq n \leq 17$, $0 \leq m \leq \frac{n \cdot (n-1)}{2}$).

Затем идет m строк, в которых содержится по два числа $v_i u_i$, что означает, что вершины v_i и u_i соединены ребром ($1 \leq v_i, u_i \leq n, v_i \neq u_i$).

Гарантируется, что все ребра в каждом тестовом случае различны.

Формат выходных данных

Для каждого тестового случая в первой строке выведите минимальное число цветов k .

Во второй строке выведите n чисел a_i — цвета вершин ($1 \leq a_i \leq k$).

Пример

coloring.in	coloring.out
3	3
3 3	3 2 1
1 2	2
2 3	1 2 2 1 1
3 1	3
5 3	1 3 1 1 2 1
2 1	
3 1	
4 2	
6 7	
1 2	
1 5	
2 5	
2 3	
2 4	
5 6	
5 4	

Задача J. Медианная сумма

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам дан массив из N чисел A_1, A_2, \dots, A_N .

Рассмотрим суммы всех непустых подмножеств этого массива. Это $2^N - 1$ сумм, нечетное число.

Пусть $S_1, S_2, \dots, S_{2^N-1}$ это список всех этих сумм в неубывающем порядке. Найдите медиану этого массива, то есть число $S_{2^{N-1}}$.

Формат входных данных

В первой строке входных данных находится число N ($1 \leq N \leq 2000$). В следующей строке находится элементы массива A_i ($1 \leq A_i \leq 2000$).

Формат выходных данных

Выведите единственное число — медиану отсортированного массива сумм.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 2 1	2
1 58	58

Задача К. Разбиение на пути

Имя входного файла: vertex-partition.in
Имя выходного файла: vertex-partition.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный граф. Найти число способов разбить все его вершины на простые пути. Каждая вершина должна лежать ровно в одном пути, каждый путь содержит не менее двух вершин. Разбиения на пути различны, если различны множества использованных рёбер.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа N и M ($1 \leq N \leq 17$, $M \leq n(n - 1)$) — количество вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в M строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел a, b — номерами начальной и конечной вершин соответственно. Рёбра не повторяются, у каждого ребра $a \neq b$.

Формат выходных данных

Выведите число разбиений вершина графа на пути.

Примеры

vertex-partition.in	vertex-partition.out
4 3 1 2 2 3 3 4	2
4 6 1 2 2 3 3 4 4 1 3 1 2 4	8

Задача L. Разносчик пиццы

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вы подрабатываете разноской пиццы. У вас есть рюкзак размера S и огромный заказ на n пицц, i -я из которых имеет размер a_i . Разумеется, доставить пиццу требуется как можно скорее. К сожалению, у вас нет ни машины, ни друзей, которые могли бы помочь, так что единственный способ перевозки — распределить все пиццы в стопки размера не более S каждая и доставлять стопки по очереди. Вам надо распределить все пиццы из заказа в минимально возможное количество стопок.

Формат входных данных

Входной файл состоит из t тестов ($1 \leq t \leq 10$). Первая строка файла содержит число t , далее следуют описания тестов. Каждый тест описывается двумя строчками: на первой располагаются целые числа n ($1 \leq n \leq 20$) и S ($1 \leq S \leq 10^9$), на второй располагаются целые числа a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq S$).

Формат выходных данных

Для каждого теста выведите на отдельной строке минимальное число стопок m , а на следующих m строчках — описание стопок. i -я из последующих строк должна содержать количество пицц в i -й стопке k_i и список из k_i номеров пицц. Каждая пицца должна встречаться ровно в одной стопке. Если есть несколько оптимальных решений, выведите любое из них.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1
1 10	1 1
10	2
2 10	1 1
10 10	1 2
4 10	3
5 7 5 7	1 2
	2 1 3
	1 4