

Задача А. Персистентный стек

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте персистентный стек.

Формат входных данных

Первая строка содержит количество действий n ($1 \leq n \leq 200\,000$). В строке номер $i + 1$ содержится описание действия i :

- $t\ m$ — добавить в конец стека номер t ($0 \leq t < i$) число m ($0 < m \leq 1000$);
- $t\ 0$ — удалить последний элемент стека номер t ($0 \leq t < i$). Гарантируется, что стек t не пустой.

В результате действия i , описанного в строке $i + 1$, создается стек номер i . Изначально имеется пустой стек с номером ноль.

Все числа во входном файле целые.

Формат выходных данных

Для каждой операции удаления выведите удаленный элемент на отдельной строке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
8	3
0 1	1
1 5	
2 4	
3 2	
4 3	
5 0	
6 6	
1 0	

Задача В. Персистентная очередь

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте персистентную очередь.

Формат входных данных

Первая строка содержит количество действий n ($1 \leq n \leq 200\,000$). В строке номер $i + 1$ содержится описание действия i :

- $1 \ t \ m$ — добавить в конец очереди номер t ($0 \leq t < i$) число m ;
- $-1 \ t$ — удалить из очереди номер t ($0 \leq t < i$) первый элемент.

В результате действия i , описанного в строке $i + 1$ создается очередь номер i . Изначально имеется пустая очередь с номером ноль.

Все числа во входном файле целые, и помещаются в знаковый 32-битный тип.

Формат выходных данных

Для каждой операции удаления выведите удаленный элемент на отдельной строке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
10	1
1 0 1	2
1 1 2	3
1 2 3	1
1 2 4	2
-1 3	4
-1 5	
-1 6	
-1 4	
-1 8	
-1 9	

Задача С. Персистентный массив

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив (вернее, первая, начальная его версия).

Нужно уметь отвечать на два запроса:

- $a_i[j] = x$ — создать из i -й версии новую, в которой j -й элемент равен x , а остальные элементы такие же, как в i -й версии.
- $\text{get } a_i[j]$ — сказать, чему равен j -й элемент в i -й версии.

Формат входных данных

Количество чисел в массиве N ($1 \leq N \leq 10^5$) и N элементов массива. Далее количество запросов M ($1 \leq M \leq 10^5$) и M запросов. Формат описания запросов можно посмотреть в примере. Если уже существует K версий, новая версия получает номер $K + 1$. И исходные, и новые элементы массива — целые числа от 0 до 10^9 . Элементы в массиве нумеруются числами от 1 до N .

Формат выходных данных

На каждый запрос типа `get` вывести соответствующий элемент нужного массива.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
6 1 2 3 4 5 6 11 create 1 6 10 create 2 5 8 create 1 5 30 get 1 6 get 1 5 get 2 6 get 2 5 get 3 6 get 3 5 get 4 6 get 4 5	6 5 10 5 10 8 6 30
1 1 13 get 1 1 create 1 1 10 get 1 1 get 2 1 create 1 1 20 get 1 1 get 2 1 get 3 1 create 2 1 30 get 1 1 get 2 1 get 3 1 get 4 1	1 1 10 1 10 20 1 10 20 30

Задача D. Rollback

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Сергей работает системным администратором в очень крупной компании. Естественно, в круг его обязанностей входит резервное копирование информации, хранящейся на различных серверах и «откат» к предыдущей версии в случае возникновения проблем.

В данный момент Сергей борется с проблемой недостатка места для хранения информации для восстановления. Он решил перенести часть информации на новые сервера. К сожалению, если что-то случится во время переноса, он не сможет произвести откат, поэтому процедура переноса должна быть тщательно спланирована.

На данный момент у Сергея хранятся n точек восстановления различных серверов, пронумерованных от 1 до n . Точка восстановления с номером i позволяет произвести откат для сервера a_i . Сергей решил разбить перенос на этапы, при этом на каждом этапе в случае возникновения проблем будут доступны точки восстановления с номерами $l, l+1, \dots, r$ для некоторых l и r .

Для того, чтобы спланировать перенос данных оптимальным образом, Сергею необходимо научиться отвечать на запросы: для заданного l , при каком минимальном r в процессе переноса будут доступны точки восстановления не менее чем k различных серверов.

Помогите Сергею.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа n и m , разделенные пробелами — количество точек восстановления и количество серверов ($1 \leq n, m \leq 100\,000$). Вторая строка содержит n целых чисел $a_1, a_2, \dots, a_n$ — номера серверов, которым соответствуют точки восстановления ($1 \leq a_i \leq m$).

Третья строка входного файла содержит q — количество запросов, которые необходимо обработать ($1 \leq q \leq 100\,000$). В процессе обработки запросов необходимо поддерживать число p , исходно оно равно 0. Каждый запрос задается парой чисел x_i и y_i , используйте их для получения данных запроса следующим образом: $l_i = ((x_i + p) \bmod n) + 1$, $k_i = ((y_i + p) \bmod m) + 1$ ($1 \leq l_i, x_i \leq n$, $1 \leq k_i, y_i \leq m$). Пусть ответ на i -й запрос равен r . После выполнения этого запроса, следует присвоить p значение r .

Формат выходных данных

На каждый запрос выведите одно число — искомое минимальное r , либо 0, если такого r не существует.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
7 3 1 2 1 3 1 2 1 4 7 3 7 1 7 1 2 2	1 4 0 6
4 3 3 2 1 1 7 4 1 1 1 1 2 4 2 2 2 1 1 4 2	2 4 2 0 0 3 0
5 2 2 2 1 1 1 1 5 2	1

Задача Е. Перестановки

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.75 секунд
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Вася выписал на доске в каком-то порядке все числа от 1 по N , каждое число ровно по одному разу. Количество чисел оказалось довольно большим, поэтому Вася не может окинуть взглядом все числа. Однако ему надо всё-таки представлять эту последовательность, поэтому он написал программу, которая отвечает на вопрос — сколько среди чисел, стоящих на позициях с x по y , по величине лежат в интервале от k до l . Сделайте то же самое.

Формат входных данных

В первой строке лежит два натуральных числа — $1 \leq N \leq 10^5$ — количество чисел, которые выписал Вася и $1 \leq M \leq 10^5$ — количество вопросов, которые Вася хочет задать программе. Во второй строке дано N чисел — последовательность чисел, выписанных Васей. Далее в M строках находятся описания вопросов. Каждая строка содержит четыре целых числа $1 \leq x \leq y \leq N$ и $1 \leq k \leq l \leq N$.

Формат выходных данных

Выведите M строк, каждая должна содержать единственное число — ответ на Васин вопрос.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 2	1
1 2 3 4	3
1 2 2 3	
1 3 1 3	

Задача F. K -я порядковая статистика на отрезке

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив из N неотрицательных чисел, строго меньших 10^9 . Вам необходимо ответить на несколько запросов о величине k -й порядковой статистики на отрезке $[l, r]$.

Формат входных данных

Первая строка содержит число N ($1 \leq N \leq 450\,000$) — размер массива.

Вторая строка может быть использована для генерации a_i — начальных значений элементов массива. Она содержит три числа a_1, l и m ($0 \leq a_1, l, m < 10^9$); для i от 2 до N

$$a_i = (a_{i-1} \cdot l + m) \bmod 10^9.$$

В частности, $0 \leq a_i < 10^9$.

Третья строка содержит одно целое число B ($1 \leq B \leq 1000$) — количество групп запросов.

Следующие B строк описывают одну группу запросов. Каждая группа запросов описывается 10 числами. Первое число G обозначает количество запросов в группе. Далее следуют числа x_1, l_x и m_x , затем y_1, l_y и m_y , затем, k_1, l_k и m_k ($1 \leq x_1 \leq y_1 \leq N$, $1 \leq k_1 \leq y_1 - x_1 + 1$, $0 \leq l_x, m_x, l_y, m_y, l_k, m_k < 10^9$). Эти числа используются для генерации вспомогательных последовательностей x_g и y_g , а также параметров запросов i_g, j_g и k_g ($1 \leq g \leq G$)

$$\begin{aligned}x_g &= ((i_{g-1} - 1) \cdot l_x + m_x) \bmod N + 1, & 2 \leq g \leq G \\y_g &= ((j_{g-1} - 1) \cdot l_y + m_y) \bmod N + 1, & 2 \leq g \leq G \\i_g &= \min(x_g, y_g), & 1 \leq g \leq G \\j_g &= \max(x_g, y_g), & 1 \leq g \leq G \\k_g &= (((k_{g-1} - 1) \cdot l_k + m_k) \bmod (j_g - i_g + 1)) + 1, & 2 \leq g \leq G\end{aligned}$$

Сгенерированные последовательности описывают запросы, g -й запрос состоит в поиске k_g -го по величине числа среди элементов отрезка $[i_g, j_g]$.

Суммарное количество запросов не превосходит 600 000.

Формат выходных данных

Выведите единственное число — сумму ответов на запросы.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 1 1 1 5 1 1 0 0 3 0 0 2 0 0 1 2 0 0 5 0 0 3 0 0 1 1 0 0 5 0 0 5 0 0 1 3 0 0 3 0 0 1 0 0 1 1 0 0 4 0 0 1 0 0	15