

Задача А. Остовное дерево

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Найти в связном графе остовное дерево минимального веса.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количество вершин и ребер графа соответственно ($1 \leq n \leq 20000, 0 \leq m \leq 100000$). Следующие m строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер i описывается тремя натуральными числами b_i , e_i и w_i — номера концов ребра и его вес соответственно ($1 \leq b_i, e_i \leq n, 0 \leq w_i \leq 100000$).

Граф является связным.

Формат выходных данных

Выведите единственное целое число — вес минимального остовного дерева.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4 1 2 1 2 3 2 3 4 5 4 1 4	7

Задача В. Шарады

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В ещё не изведанной части вселенной есть планета, на которой живут одни математики. На этой планете живут N математиков, каждый — в своём городе. Никакие два города не соединены дорогами, потому что математики могут общаться онлайн, оставляя комментарии о научных трудах друг друга.

Всё шло тихо и спокойно, пока один математик не решил написать научную работу со своего мобильного телефона. Автоисправление в телефоне заменило «очевидно» на «шарада». Не перечитав свою работу, математик так и опубликовал её. Совсем скоро об игре в шарады узнали все математики планеты, и им захотелось собраться и поиграть всем вместе. Поэтому в скором времени началась постройка дорог между городами. Строительство дорог будет идти M дней в соответствии со следующим расписанием: в первый день строятся дороги между всеми парами городов, у номеров которых наибольший общий делитель равен M . Во второй день строятся дороги между всеми парами городов, наибольший делитель номеров которых равен $M - 1$. И так далее до M -го дня, в который дороги строятся между всеми парами городов с взаимно простыми номерами. Говоря более формально, в i -й день (нумеруя дни с единицы) дороги строятся между всеми такими парами городов A и B , что $\text{НОД}(A, B) = M + 1 - i$.

Математики очень заняты постройкой дорог, поэтому они просят вас помочь определить минимальное число дней с начала строительства, через которое данная пара математиков сможет встретиться, чтобы поиграть в шарады.

Формат входных данных

В первой строке даны три целых положительных числа N , M и Q ($1 \leq N, Q \leq 100000, 1 \leq M \leq N$) — количество городов, длительность строительства дорог и количество запросов соответственно.

В следующих Q строках вводятся по два целых числа A и B ($1 \leq A, B \leq N$) — номера городов двух математиков, которым интересно, через сколько дней они смогут встретиться (добраться из одного города в другой, проехав по уже построенным дорогам).

Формат выходных данных

На каждый из Q запросов выведите ответ — Q чисел, каждое в отдельной строке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
8 3 3	3
2 5	1
3 6	2
4 8	

Задача С. Расстояние X

Имя входного файла: стандартный ввод
 Имя выходного файла: стандартный вывод
 Ограничение по времени: 1 секунда
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам дан неориентированный взвешенный граф из N вершин и M ребер. Назовем ценой пути между двумя вершинами вес максимального ребра на этом пути. Найдите количество пар с минимальной ценой пути между ними, равной X .

Формат входных данных

Первая строка содержит три целых числа N , M и X ($1 \leq N \leq 10^5, 1 \leq M \leq 3 \cdot 10^5, 1 \leq X \leq 10^9$). Следующие M строк содержат по три числа a_i , b_i и w_i , обозначающие ребро между вершинами a_i и b_i веса w_i . ($1 \leq w_i \leq 10^9$)

Формат выходных данных

Выведите одно число — ответ на задачу

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
7 6 3 1 2 1 1 3 2 3 4 3 4 5 1 4 6 2 1 7 4	9
8 8 4 1 3 2 2 4 1 1 5 1 6 7 3 5 8 4 8 4 4 6 5 5 7 8 6	11

Задача D. Всем чмоки в этом чатике!

Имя входного файла:	chat.in
Имя выходного файла:	chat.out
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Сегодня Мэри, как программисту социальной сети «Телеграфчик», предстоит реализовать сложную систему управления чатами.

Задача Мэри усложняется тем, что в социальную сеть «Телеграфчик» внедрена продвинутая система шифрования «ZergRus», простая, как всё гениальное. Суть её в том, что в системе хранится одна переменная $zerg$, которая принимает значения от 0 (включительно) до $p = 10^6 + 3$ (исключая p) и меняется в зависимости от событий в системе.

В социальной сети всего n пользователей ($1 \leq n \leq 10^5$). В начале дня каждый пользователь оказывается в своём собственном чате, в котором больше никого нет. Переменная $zerg$ в начале дня устанавливается равной 0.

В течение дня происходят события типов:

1. Участник с номером $(i + zerg) \bmod n$ посылает сообщение всем участникам, сидящим с ним в чате (в том числе и себе самому), при этом переменная $zerg$ заменяется на $(30 \cdot zerg + 239) \bmod p$.
2. Происходит слияние чатов, в которых сидят участники с номерами $(i + zerg) \bmod n$ и $(j + zerg) \bmod n$. Если участники и так сидели в одном чате, то ничего не происходит. Если в разных, то чаты объединяются, а переменной $zerg$ присваивается значение $(13 \cdot zerg + 11) \bmod p$.
3. Участник с номером $(i + zerg) \bmod n$ хочет узнать, сколько сообщений он не прочитал, и прочитать их. Если участник прочитал q новых сообщений, то переменной $zerg$ присваивается значение $(100\,500 \cdot zerg + q) \bmod p$.

Вы поможете Мэри реализовать систему, обрабатывающую эти события?

Формат входных данных

В первой строке входного файла записаны натуральные числа n ($1 \leq n \leq 10^5$) — число пользователей социальной сети, и m ($1 \leq m \leq 3 \cdot 10^5$) — число событий, произошедших за день. В следующих m строках содержится описание событий. Первое целое число в строке означает тип события t ($1 \leq t \leq 3$). Если $t = 1$, далее следует число i ($0 \leq i < n$), по которому можно вычислить, какой участник послал сообщение. Если $t = 2$, далее следуют числа i и j ($0 \leq i, j < n$), по которым можно вычислить номера участников, чаты с которыми должны объединиться. Если $t = 3$, далее следует число i ($0 \leq i < n$), по которому можно вычислить номер участника, желающего узнать, сколько у него сообщений, и прочитать их.

Формат выходных данных

Для каждого события типа 3 нужно вывести число непрочитанных сообщений у участника.

Пример

chat.in	chat.out
4 10	1
1 0	1
1 2	2
1 1	
1 2	
3 1	
2 1 2	
1 3	
3 3	
2 3 2	
3 2	

Задача Е. День Объединения

Имя входного файла: `unionday.in`
Имя выходного файла: `unionday.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

В Байдландии есть целых n городов, но нет ни одной дороги. Король страны, Вальдемар де Беар, решил исправить эту ситуацию и соединить некоторые города дорогами так, чтобы по этим дорогам можно было добраться от любого города до любого другого. Когда строительство будет завершено, король планирует отпраздновать День Объединения. К сожалению, казна Байдландии почти пуста, поэтому король требует сэкономить деньги, минимизировав суммарную длину всех построенных дорог.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число n ($1 \leq n \leq 5\,000$) — количество городов в Байдландии. Каждая из следующих n строк содержит по два целых числа x_i, y_i — координаты i -го города ($-10\,000 \leq x_i, y_i \leq 10\,000$). Никакие два города не расположены в одной точке.

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать минимальную суммарную длину дорог. Выведите число с точностью не менее 10^{-4} .

Пример

<code>unionday.in</code>	<code>unionday.out</code>
6	9.6568542495
1 1	
7 1	
2 2	
6 2	
1 3	
7 3	

Задача F. Разрезание графа

Имя входного файла: `cutting.in`
 Имя выходного файла: `cutting.out`
 Ограничение по времени: 2 секунды
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

256 мегабайт

Дан неориентированный граф. Над ним в заданном порядке производят операции следующих двух типов:

- `cut` — разрезать граф, то есть удалить из него ребро;
- `ask` — проверить, лежат ли две вершины графа в одной компоненте связности.

Известно, что после выполнения всех операций типа `cut` рёбер в графе не осталось. Найдите результат выполнения каждой из операций типа `ask`.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит три целых числа, разделённые пробелами — количество вершин графа n , количество рёбер m и количество операций k ($1 \leq n \leq 50\,000$, $0 \leq m \leq 100\,000$, $m \leq k \leq 150\,000$).

Следующие m строк задают рёбра графа; i -я из этих строк содержит два числа u_i и v_i ($1 \leq u_i, v_i \leq n$), разделённые пробелами — номера концов i -го ребра. Вершины нумеруются с единицы; граф не содержит петель и кратных рёбер.

Далее следуют k строк, описывающих операции. Операция типа `cut` задаётся строкой «`cut u v`» ($1 \leq u, v \leq n$), которая означает, что из графа удаляют ребро между вершинами u и v . Операция типа `ask` задаётся строкой «`ask u v`» ($1 \leq u, v \leq n$), которая означает, что необходимо узнать, лежат ли в данный момент вершины u и v в одной компоненте связности. Гарантируется, что каждое ребро графа встретится в операциях типа `cut` ровно один раз.

Формат выходных данных

Для каждой операции `ask` во входном файле выведите на отдельной строке слово «YES», если две указанные вершины лежат в одной компоненте связности, и «NO» в противном случае. Порядок ответов должен соответствовать порядку операций `ask` во входном файле.

Пример

cutting.in	cutting.out
3 3 7	YES
1 2	YES
2 3	NO
3 1	NO
ask 3 3	
cut 1 2	
ask 1 2	
cut 1 3	
ask 2 1	
cut 2 3	
ask 3 1	

Задача G. Сделай связным

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вам дан неориентированный граф, состоящий из n вершин. На каждой вершине записано число; число, записанное на вершине i , равно a_i . Изначально в графе нет ни одного ребра.

Вы можете добавлять ребра в граф за определенную стоимость. За добавление ребра между вершинами x и y надо заплатить $a_x + a_y$ монет. Также существует m специальных предложений, каждое из которых характеризуется тремя числами x , y и w , и означает, что можно добавить ребро между вершинами x и y за w монет. Эти специальные предложения не обязательно использовать: если существует такая пара вершин x и y , такая, что для нее существует специальное предложение, можно все равно добавить ребро между ними за $a_x + a_y$ монет.

Сколько монет минимально вам потребуется, чтобы сделать граф связным? Граф является связным, если от каждой вершины можно добраться до любой другой вершины, используя только ребра этого графа.

Формат входных данных

В первой строке заданы два целых числа n и m ($1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$, $0 \leq m \leq 2 \cdot 10^5$) — количество вершин в графе и специальных предложений, соответственно.

Во второй строке заданы n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 10^{12}$) — числа, записанные на вершинах.

Затем следуют m строк, в каждой из которых заданы три целых числа x , y и w ($1 \leq x, y \leq n$, $1 \leq w \leq 10^{12}$, $x \neq y$), обозначающие спецпредложение: можно добавить ребро между вершинами x и y за w монет.

Формат выходных данных

Выведите одно целое число — минимальное количество монет, которое необходимо потратить, чтобы сделать граф связным.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 1 3 3 2 3 5 2 1 1	5
4 0 1 3 3 7	16
5 4 1 2 3 4 5 1 2 8 1 3 10 1 4 7 1 5 15	18

Замечание

В первом примере из условия можно соединить 1 и 2 при помощи 2-го спецпредложения, а затем 1 и 3 без использования спецпредложения.

В следующих двух примерах оптимальный ответ можно получить без использования спецпредложений.