

## Задача А. Эйлеров путь

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Дан неориентированный связный граф, не более трех вершин имеет нечетную степень. Требуется определить, существует ли в нем путь, проходящий по всем ребрам.

Если такой путь существует, необходимо его вывести.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число  $n$  — количество вершин графа ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ). Далее следуют  $n$  строк, задающих ребра. В  $i$ -й из этих строк находится число  $m_i$  — количество ребер, инцидентных вершине  $i$ . Далее следуют  $m_i$  натуральных чисел — номера вершин, в которые ведут ребро из  $i$ -й вершины.

Граф может содержать кратные ребра, но не содержит петель.

Граф содержит не более 300 000 ребер.

### Формат выходных данных

Если решение существует, то в первую строку выходного файла выведите одно число  $k$  — количество ребер в искомом маршруте, а во вторую  $k + 1$  число — номера вершин в порядке их посещения.

Если решений нет, выведите в выходной файл одно число -1.

Если решений несколько, выведите любое.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	5
2 2 2	1 2 3 4 2 1
4 1 4 3 1	
2 2 4	
2 3 2	

## Задача В. Точки сочленения

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

256 мегабайт

Дан неориентированный граф. Требуется найти все точки сочленения в нём.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  — количества вершин и рёбер графа соответственно ( $1 \leq n \leq 20\,000$ ,  $1 \leq m \leq 200\,000$ ).

Следующие  $m$  строк содержат описание рёбер по одному на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $b_i, e_i$  — номерами концов ребра ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ).

### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число  $b$  — количество точек сочленения в заданном графе. На следующей строке выведите  $b$  целых чисел — номера вершин, которые являются точками сочленения, в возрастающем порядке.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6 7	2
1 2	2 3
2 3	
2 4	
2 5	
4 5	
1 3	
3 6	

## Задача С. 2-SAT

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Формулировка 2-SAT: нужно подобрать значения  $n$  булевых переменных так, чтобы все  $m$  утверждений вида  $x_{i_1} = e_1 \vee x_{i_2} = e_2$  обратились в истину. В данной задаче вам гарантируется, что решение существует.

### Формат входных данных

Входной файл состоит из одного или нескольких тестов.

Каждый тест описывается следующим образом. На первой строке число переменных  $n$  и число утверждений  $m$ . Каждая из следующих  $m$  строк содержит числа  $i_1, e_1, i_2, e_2$ , задает утверждение  $x_{i_1} = e_1 \vee x_{i_2} = e_2$  ( $0 \leq i_j < n$ ,  $0 \leq e_j \leq 1$ ). Ограничения: сумма всех  $n$  не больше 100 000, сумма всех  $m$  не больше 300 000.

### Формат выходных данных

Для каждого теста выведите строку из  $n$  нулей и единиц — значения переменных. Если у данной задачи 2-SAT есть несколько решений, выведите любое.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
1 0	0
2 2	01
0 0 1 0	000
0 1 1 1	
3 4	
0 1 1 0	
0 0 2 1	
1 1 2 0	
0 0 0 1	

## Задача D. Магнитные подушки

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Город будущего застроен небоскребами, для передвижения между которыми и парковки транспорта многие тройки небоскребов соединены треугольной подушкой из однополярных магнитов. Каждая подушка соединяет ровно 3 небоскреба и вид сверху на нее представляет собой треугольник, с вершинами в небоскребах. Это позволяет беспрепятственно передвигаться между соответствующими небоскребами. Подушки можно делать на разных уровнях, поэтому один небоскреб может быть соединен различными подушками с парами других, причем два небоскреба могут соединять несколько подушек (как с разными третьими небоскребами, так и с одинаковым). Например, возможны две подушки на разных уровнях между небоскребами 1, 2 и 3, и, кроме того, магнитная подушка между 1, 2, 5.

Система магнитных подушек организована так, что с их помощью можно добраться от одного небоскреба, до любого другого в этом городе (с одной подушки на другую можно перемещаться внутри небоскреба), но поддержание каждой из них требует больших затрат энергии.

Требуется написать программу, которая определит, какие из магнитных подушек нельзя удалять из подушечной системы города, так как удаление даже только этой подушки может привести к тому, что найдутся небоскребы из которых теперь нельзя добраться до некоторых других небоскребов, и жителям станет очень грустно.

### Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся числа  $N$  и  $M$  — количество небоскребов в городе и количество работающих магнитных подушек соответственно ( $3 \leq N \leq 100000$ ,  $1 \leq M \leq 100000$ ). В каждой из следующих  $M$  строк через пробел записаны три числа — номера небоскребов, соединенных подушкой. Небоскребы пронумерованы от 1 до  $N$ . Гарантируется, что имеющиеся магнитные подушки позволяют перемещаться от одного небоскреба до любого другого.

### Формат выходных данных

Выведите в выходной файл сначала количество тех магнитных подушек, отключение которых невозможно без нарушения сообщения в городе, а потом их номера. Нумерация должна соответствовать тому порядку, в котором подушки перечислены во входном файле. Нумерация начинается с единицы.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 1 2 3	1 1
3 2 1 2 3 3 2 1	0
5 4 1 2 3 2 4 3 1 2 4 3 5 1	1 4

## Задача Е. Минимизация мостов

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Добавить в граф  $G = \langle V, E \rangle$  (возможно несвязный, с петлями и кратными рёбрами) ровно одно ребро, так чтобы количество мостов в данном графе стало минимально возможным.

Напомним, что мостом в графе называется такое ребро, удаление которого увеличивает число компонент связности графа.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  – количества вершин и рёбер графа соответственно ( $1 \leq n \leq 200\,000$ ,  $1 \leq m \leq 200\,000$ ).

Следующие  $m$  строк содержат описание рёбер по одному на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $v_i$ ,  $u_i$  – номерами концов ребра ( $1 \leq v_i, u_i \leq n$ ).

### Формат выходных данных

Выведите наименьшее число мостов, которое можно получить добавлением ровно одного ребра.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6 7 1 2 2 3 3 4 1 3 4 5 4 6 5 6	0

## Задача F. Студентам — бесплатно!

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Зал Большого галактического театра состоит из  $S$  рядов, по  $S$  мест в каждом ряду. Продажа билетов на каждый спектакль происходит по следующему принципу: первые  $S^2 - N$  ценителей прекрасного приобретают билеты на любые места по их вкусу, а оставшиеся  $N$  кресел администрация бесплатно выделяет студентам, отдавая дань сложившимся традициям.

Во избежание обвинений в дискриминации по половому признаку, рассаживать студентов по этим  $N$  местам необходимо таким образом, чтобы:

- в каждом ряду количество девушек-студенток и количество юношей-студентов различалось бы не более чем на 1;
- на каждой «вертикали мест» (т. е. местах, имеющих один и тот же номер, но расположенных в разных рядах) количество девушек-студенток и количество юношей-студентов также различалось бы не более чем на 1.

Таким образом, после продажи билетов ценителям прекрасного билетёры должны распределить оставшиеся  $N$  кресел на женские и мужские с соблюдением этих правил.

Каждое место в зале определяется двумя числами от 1 до  $S$  — номером ряда и номером самого места в этом ряду. Студенческое кресло номер  $i$  расположено в  $a_i$ -м ряду и имеет в нём номер  $b_i$ . Поскольку ценители прекрасного могли занять совершенно любые места, числа  $a_i$  и  $b_i$  могут принимать любые значения от 1 до  $S$ . В частности, может оказаться так, что в каком-нибудь ряду не будет ни одного студенческого места.

Ради упрощения работы билетёров администрация обращается к вам с заданием написать программу, которая автоматизирует процесс распределения студенческих мест на мужские и женские.

### Формат входных данных

Сначала вводятся два целых числа  $S$  и  $N$  ( $1 \leq S \leq 100\,000$ ,  $1 \leq N \leq \min\{100\,000, S^2\}$ ). Далее расположены  $N$  пар натуральных чисел  $(a_i, b_i)$ , не превосходящих  $S$ . Гарантируется, что все места различные.

### Формат выходных данных

Если искомого способа не существует, выведите `Impossible`. Иначе выведите единственную строку из  $N$  символов 'M' (мужское) и 'W' (женское). Символ на  $i$ -й позиции соответствует статусу  $i$ -го места в той же нумерации, в которой они были перечислены во входных данных.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 2 2 1 1 2	MW
3 5 1 2 2 3 1 3 2 1 1 1	WMWWM

## Задача G. Таня и пароль

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Пока папа был на работе, маленькая девочка Таня решила поиграть с папиным паролем к секретной базе данных. Папин пароль представляет собой строку, состоящую из  $n + 2$  символов. Она выписала все возможные  $n$  трёхбуквенных подстрок пароля на бумажки, по одной на каждую бумажку, а сам пароль выкинула. Каждая трёхбуквенная подстрока была выписана на бумажки столько раз, сколько она встречалась в пароле. Таким образом, в итоге у Тани оказалось  $n$  бумажек.

Потом Таня поняла, что папа расстроится, если узнает о ее игре, и решила восстановить пароль или, по крайней мере, хотя бы какую-то строку, соответствующую получившемуся набору трёхбуквенных строк. Вам предстоит помочь ей в этой непростой задаче. Известно, что папин пароль состоял из строчных и заглавных букв латинского алфавита, а также из цифр. Строчные и заглавные буквы латинского алфавита считаются различными.

### Формат входных данных

В первой строке следует целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$ ), количество трёхбуквенных подстрок, которые получились у Тани.

Следующие  $n$  строк каждая содержат по три буквы, образующие подстроку пароля папы. Каждый символ во вводе — строчная или заглавная буква латинского алфавита или цифра.

### Формат выходных данных

Если во время игры Таня что-то напутала, и строк, соответствующих данному набору подстрок, не существует, то выведите «NO».

Если же возможно восстановить строку, соответствующую данному набору подстрок, то выведите «YES», а затем любой подходящий вариант пароля.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 aca aba aba cab bac	YES abacaba
4 abc bCb cb1 b13	NO
7 aaa aaa aaa aaa aaa aaa aaa	YES aaaaaaaaa

## Задача Н. Размещение данных

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Телекоммуникационная сеть крупной IT-компании содержит  $n$  серверов, пронумерованных от 1 до  $n$ . Некоторые пары серверов соединены двусторонними каналами связи, всего в сети  $m$  каналов. Гарантируется, что сеть серверов устроена таким образом, что по каналам связи можно передавать данные с любого сервера на любой другой сервер, возможно с использованием одного или нескольких промежуточных серверов.

Множество серверов  $A$  называется отказоустойчивым, если при недоступности любого канала связи выполнено следующее условие. Для любого не входящего в это множество сервера  $X$  существует способ передать данные по остальным каналам на сервер  $X$  хотя бы от одного сервера из множества  $A$ .

На рис. 1 показан пример сети и отказоустойчивого множества из серверов с номерами 1 и 4. Данные на сервер 2 можно передать следующим образом. При недоступности канала между серверами 1 и 2 — с сервера 4, при недоступности канала между серверами 2 и 3 — с сервера 1. На серверы 3 и 5 при недоступности любого канала связи можно по другим каналам передать данные с сервера 4.

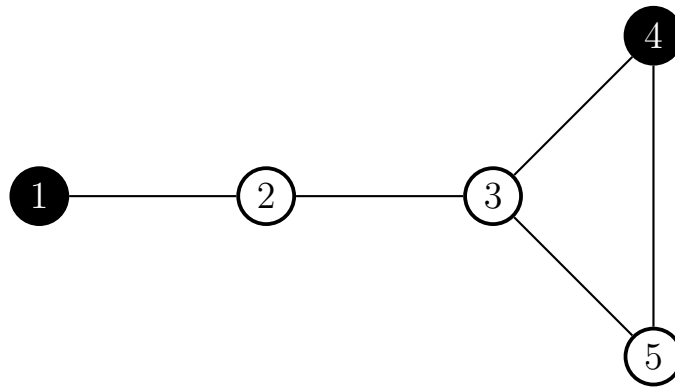


Рис. 1: Пример сети и отказоустойчивого множества серверов.

В рамках проекта группе разработчиков компании необходимо разместить свои данные в сети. Для повышения доступности данных и устойчивости к авариям разработчики хотят продублировать свои данные, разместив их одновременно на нескольких серверах, образующих отказоустойчивое множество. Чтобы минимизировать издержки, необходимо выбрать минимальное по количеству серверов отказоустойчивое множество. Кроме того, чтобы узнать, насколько гибко устроена сеть, необходимо подсчитать количество способов выбора такого множества, и поскольку это количество способов может быть большим, необходимо найти остаток от деления этого количества способов на число  $10^9 + 7$ .

Требуется написать программу, которая по заданному описанию сети определяет следующие числа:  $k$  — минимальное количество серверов в отказоустойчивом множестве серверов,  $s$  — остаток от деления количества способов выбора отказоустойчивого множества из  $k$  серверов на число  $10^9 + 7$

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целые числа  $n$  и  $m$  — количество серверов и количество каналов связи соответственно ( $2 \leq n \leq 200\,000$ ,  $1 \leq m \leq 200\,000$ ). Следующие  $m$  строк содержат по два целых числа и описывают каналы связи между серверами. Каждый канал связи задается двумя целыми числами: номерами серверов, которые он соединяет.

Гарантируется, что любые два сервера соединены напрямую не более чем одним каналом связи, никакой канал не соединяет сервер сам с собой, и для любой пары серверов существует способ



---

передачи данных с одного из них на другой, возможно с использованием одного или нескольких промежуточных серверов.

### Формат выходных данных

Выведите два целых числа, разделенных пробелом:  $k$  — минимальное число серверов в отказоустойчивом множестве серверов,  $c$  — количество способов выбора отказоустойчивого множества из  $k$  серверов, взятое по модулю  $10^9 + 7$ .

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 5	2 3
1 2	
2 3	
3 4	
3 5	
4 5	

## Задача I. Обновление дата-центров

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	512 мегабайт

У компании BigData Inc. есть  $n$  дата-центров, пронумерованных от 1 до  $n$ , расположенных по всему миру. В этих дата-центрах хранятся данные клиентов компании (как можно догадаться из названия — большие данные!)

Основой предлагаемых компанией BigData Inc. услуг является гарантия возможности работы с пользовательскими данными даже при условии выхода какого-либо из дата-центров компании из доступности. Подобная гарантия достигается путём использования *двойной репликации* данных. Двойная репликация — это подход, при котором любые данные хранятся в двух идентичных копиях в двух различных дата-центрах.

Про каждого из  $m$  клиентов компании известны номера двух различных дата-центров  $c_{i,1}$  и  $c_{i,2}$ , в которых хранятся его данные.

Для поддержания работоспособности дата-центра и безопасности данных программное обеспечение каждого дата-центра требует регулярного обновления. Релизный цикл в компании BigData Inc. составляет один день, то есть новая версия программного обеспечения выкладывается на каждый компьютер дата-центра каждый день.

Обновление дата-центра, состоящего из множества компьютеров, является сложной и длительной задачей, поэтому для каждого дата-центра выделен временной интервал длиной в час, в течение которого компьютеры дата-центра обновляются и, как следствие, могут быть недоступны. Будем считать, что в сутках  $h$  часов. Таким образом, для каждого дата-центра зафиксировано целое число  $u_j$  ( $0 \leq u_j \leq h-1$ ), обозначающее номер часа в сутках, в течение которого  $j$ -й дата-центр недоступен в связи с плановым обновлением.

Из всего вышесказанного следует, что для любого клиента должны выполняться условия  $u_{c_{i,1}} \neq u_{c_{i,2}}$ , так как иначе во время одновременного обновления обоих дата-центров, компания будет не в состоянии обеспечить клиенту доступ к его данным.

В связи с переводом часов в разных странах и городах мира, время обновления в некоторых дата-центрах может сдвинуться на один час вперёд. Для подготовки к непредвиденным ситуациям руководство компании хочет провести учения, в ходе которых будет выбрано некоторое непустое подмножество дата-центров, и время обновления каждого из них будет сдвинуто на один час позже внутри суток (то есть, если  $u_j = h-1$ , то новым часом обновления будет 0, иначе новым часом обновления станет  $u_j + 1$ ). При этом учения не должны нарушать гарантии доступности, то есть, после смены графика обновления должно по-прежнему выполняться условие, что данные любого клиента доступны хотя бы в одном экземпляре в любой час.

Учения — полезное мероприятие, но трудоёмкое и затратное, поэтому руководство компании обратилось к вам за помощью в определении минимального по размеру непустого подходящего подмножества дата-центров, чтобы провести учения только на этом подмножестве.

### Формат входных данных

В первой строке находятся три целых числа  $n$ ,  $m$  и  $h$  ( $2 \leq n \leq 100\,000$ ,  $1 \leq m \leq 100\,000$ ,  $2 \leq h \leq 100\,000$ ) — число дата-центров компании, число клиентов компании и количество часов в сутках.

Во второй строке вам даны  $n$  чисел  $u_1, u_2, \dots, u_n$  ( $0 \leq u_j < h$ ),  $j$ -е из которых задаёт номер часа, в который происходит плановое обновление программного обеспечения на компьютерах дата-центра  $j$ .

Далее в  $m$  строках находятся пары чисел  $c_{i,1}$  и  $c_{i,2}$  ( $1 \leq c_{i,1}, c_{i,2} \leq n$ ,  $c_{i,1} \neq c_{i,2}$ ), задающие номера дата-центров, на которых находятся данные клиента  $i$ .

Гарантируется, что при заданном расписании обновлений в дата-центрах любому клиенту в любой момент доступна хотя бы одна копия его данных.

## Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальное количество дата-центров  $k$  ( $1 \leq k \leq n$ ), которые должны затронуть учения, чтобы не потерять гарантию доступности. Во второй строке выведите  $k$  различных целых чисел — номера кластеров  $x_1, x_2, \dots, x_k$  ( $1 \leq x_i \leq n$ ), на которых в рамках учений обновления станут проводиться на час позже. Номера кластеров можно выводить в любом порядке.

Если возможных ответов несколько, разрешается вывести любой из них. Гарантируется, что хотя бы один ответ, удовлетворяющий условиям задачи, существует.

## Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 5 4 4 0 1 3 3 2 3 1	1 3
4 5 4 2 1 0 3 4 3 3 2 1 2 1 4 1 3	4 1 2 3 4

## Замечание

Рассмотрим первый тест из условия. Приведённый ответ является единственным способом провести учения, затронув только один дата-центр. В таком сценарии третий сервер начинает обновляться в первый час дня, и никакие два сервера, хранящие данные одного и того же пользователя, не обновляются в один и тот же час.

С другой стороны, например, сдвинуть только время обновления первого сервера на один час вперёд нельзя — в таком случае данные пользователей 1 и 3 будут недоступны в течение нулевого часа.