

## Задача А. Двумерные запросы

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам задан массив размера  $2^{17}$ . Требуется ответить на запросы: сколько есть элементов  $f[i]$  таких, что  $l \leq i \leq r$  и  $x \leq f[i] \leq y$ .

### Формат входных данных

На первой строке число  $q$  ( $1 \leq q \leq 2^{17}$ ). На второй строке пара целых чисел  $a, b$  от 1 до  $10^9$ , используемая в генераторе случайных чисел.

```
0. unsigned int a, b; // даны во входных данных
1. unsigned int cur = 0; // беззнаковое 32-битное число
2. unsigned int nextRand17() {
3.     cur = cur * a + b; // вычисляется с переполнениями
4.     return cur >> 15; // число от 0 до  $2^{17} - 1$ .
5. }
6. unsigned int nextRand24() {
7.     cur = cur * a + b; // вычисляется с переполнениями
8.     return cur >> 8; // число от 0 до  $2^{24} - 1$ .
9. }
```

Сначала массив генерируется следующим образом:

```
1. for (int i = 0; i < 1 << 17; i++)
2.     f[i] = nextRand24();
```

Потом генерируются запросы следующим образом:

```
1. l = nextRand17();
2. r = nextRand17();
3. if (l > r) swap(l, r); // получили отрезок [l..r]
4. x = nextRand24();
5. y = nextRand24();
6. if (x > y) swap(x, y); // получили отрезок [x..y]
7. b += c; // c -- ответ на данный запрос, для ответа на запросы в online
```

### Формат выходных данных

Выведите сумму ответов на все запросы второго типа по модулю  $2^{32}$ .

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 13 239	111139

## Задача В. Различные числа

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Сколько различных чисел на отрезке массива?

### Формат входных данных

На первой строке длина массива  $n$  ( $1 \leq n \leq 300\,000$ ). На второй строке  $n$  целых чисел от 0 до  $10^9$ . На третьей строке количество запросов  $q$  ( $1 \leq q \leq 300\,000$ ). Следующие  $q$  строк содержат описание запросов, по одному на строке. Каждый запрос задаётся парой целых чисел  $l, r$  ( $1 \leq l \leq r \leq n$ ).

### Формат выходных данных

Выведите ответы на запросы по одному в строке.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
1 1 2 1 3	2
3	3
1 5	
2 4	
3 5	

## Задача С. Персистентная очередь

Имя входного файла: `rqueue.in`  
Имя выходного файла: `rqueue.out`  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Персистентные структуры данных поддерживают доступ и модификацию любой версии структуры данных. В этой задаче вам нужно реализовать персистентную очередь.

Очередь — это структура данных, которая хранит список целых чисел и поддерживает две операции: `push` и `pop`. Операция `push(x)` добавляет  $x$  в конец списка. Операция `pop` возвращает первый элемент списка и удаляет его.

В персистентной версии очереди каждая операция принимает дополнительный аргумент  $v$ . Изначально очередь имеет версию 0. Рассмотрим  $i$ -ю операцию над очередью. Если это `push(v, x)`, то число  $x$  добавляется в конец  $v$ -й версии очереди и в полученная очередь становится версии  $i$  ( $v$ -я версия остается неизменной). Если это `pop(v)`, то первое число удаляется из  $v$ -й версии очереди и полученная очередь становится версии  $i$  (так же, версия  $v$  остается неизменной).

Задана последовательность операций над персистентной очередью, выведите результаты всех операций `pop`.

### Формат входных данных

Первая строка содержит целое число  $n$  — число операций ( $1 \leq n \leq 200\,000$ ). Следующие  $n$  строк описывают операции.  $i$ -я из этих строк задает  $i$ -ю операцию. Операция `push(v, x)` задается, как “ $1\ v\ x$ ”, operation `pop(v)` задается, как “ $-1\ v$ ”. Гарантировано, что операция `pop` никогда не применяется к пустой очереди. Элементы, добавляемые в очередь, влезают в стандартный знаковый 32-битный целочисленный тип данных.

### Формат выходных данных

Для каждой операции `pop` выведите значение элемента, который был извлечен из очереди.

### Примеры

<code>rqueue.in</code>	<code>rqueue.out</code>
10	1
1 0 1	2
1 1 2	3
1 2 3	1
1 2 4	2
-1 3	4
-1 5	
-1 6	
-1 4	
-1 8	
-1 9	

## Задача D. $K$ -я порядковая статистика на отрезке

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 5 секунд  
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дан массив из  $N$  неотрицательных чисел, строго меньших  $10^9$ . Вам необходимо ответить на несколько запросов о величине  $k$ -й порядковой статистики на отрезке  $[l, r]$ .

### Формат входных данных

Первая строка содержит число  $N$  ( $1 \leq N \leq 450\,000$ ) — размер массива.

Вторая строка может быть использована для генерации  $a_i$  — начальных значений элементов массива. Она содержит три числа  $a_1, l$  и  $m$  ( $0 \leq a_1, l, m < 10^9$ ); для  $i$  от 2 до  $N$

$$a_i = (a_{i-1} \cdot l + m) \bmod 10^9.$$

В частности,  $0 \leq a_i < 10^9$ .

Третья строка содержит одно целое число  $B$  ( $1 \leq B \leq 1000$ ) — количество групп запросов.

Следующие  $B$  строк описывают одну группу запросов. Каждая группа запросов описывается 10 числами. Первое число  $G$  обозначает количество запросов в группе. Далее следуют числа  $x_1, l_x$  и  $m_x$ , затем  $y_1, l_y$  и  $m_y$ , затем,  $k_1, l_k$  и  $m_k$  ( $1 \leq x_1 \leq y_1 \leq N$ ,  $1 \leq k_1 \leq y_1 - x_1 + 1$ ,  $0 \leq l_x, m_x, l_y, m_y, l_k, m_k < 10^9$ ). Эти числа используются для генерации вспомогательных последовательностей  $x_g$  и  $y_g$ , а также параметров запросов  $i_g, j_g$  и  $k_g$  ( $1 \leq g \leq G$ )

$$\begin{aligned} x_g &= ((i_{g-1} - 1) \cdot l_x + m_x) \bmod N + 1, & 2 \leq g \leq G \\ y_g &= ((j_{g-1} - 1) \cdot l_y + m_y) \bmod N + 1, & 2 \leq g \leq G \\ i_g &= \min(x_g, y_g), & 1 \leq g \leq G \\ j_g &= \max(x_g, y_g), & 1 \leq g \leq G \\ k_g &= (((k_{g-1} - 1) \cdot l_k + m_k) \bmod (j_g - i_g + 1)) + 1, & 2 \leq g \leq G \end{aligned}$$

Сгенерированные последовательности описывают запросы,  $g$ -й запрос состоит в поиске  $k_g$ -го по величине числа среди элементов отрезка  $[i_g, j_g]$ .

Суммарное количество запросов не превосходит 600 000.

### Формат выходных данных

Выведите единственное число — сумму ответов на запросы.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	15
1 1 1	
5	
1	
1 0 0 3 0 0 2 0 0	
1	
2 0 0 5 0 0 3 0 0	
1	
1 0 0 5 0 0 5 0 0	
1	
3 0 0 3 0 0 1 0 0	
1	
1 0 0 4 0 0 1 0 0	

## Задача E. Intercity Express

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Андрей разрабатывает систему для продажи железнодорожных билетов. Он собирается протестировать ее на Междугородней Экспресс линии, которая соединяет два больших города и имеет  $n - 2$  промежуточных станций, то есть в итоге есть  $n$  станций, пронумерованных от 1 до  $n$ .

В Междугороднем Экспресс поезде есть  $s$  мест, пронумерованных с 1 до  $s$ . В тестирующем режиме система имеет доступ к базе данных, содержащей проданные билеты в направлении от станции 1 до станции  $n$  и должна отвечать на вопросы, можно ли продать билет от станции  $a$  до станции  $b$ , и если да, нужно найти минимальный номер места, которое свободно на протяжении всего пути между  $a$  и  $b$ .

Изначально система имеет только доступ на чтение, то есть даже если есть свободное место, она должна сообщить об этом, но не должна изменять данные.

Помогите Андрею протестировать его систему написанием программы, которые будет находить ответы на вопросы.

### Формат входных данных

Первая строка содержит число  $n$  — количество станций,  $s$  — количество мест и  $m$  — количество уже проданных билетов ( $2 \leq n \leq 10^9$ ,  $1 \leq s \leq 100\,000$ ,  $0 \leq m \leq 100\,000$ ).

В следующих  $m$  строках описаны билеты, описание каждого билета состоит из трех чисел:  $c_i$ ,  $a_i$  и  $b_i$  — номер места, которое занимает владелец билета, номер станции, с которой продан билет и номер станции, до которой продан билет ( $1 \leq c_i \leq s$ ,  $1 \leq a_i < b_i \leq n$ ).

Следующая строка содержит число  $q$  — количество запросов ( $1 \leq q \leq 100\,000$ ). Специальное значение  $p$  должно поддерживаться в течение считывания запросов. Изначально  $p = 0$ .

Следующие  $2q$  целых чисел описывают запросы. Каждый запрос описывается двумя числами:  $x_i$  и  $y_i$  ( $x_i < y_i$ ).

Чтобы получить города  $a$  и  $b$  между которыми нужно проверить наличие места, используется следующая формула:

$a = x_i + p$ ,  $b = y_i + p$ . Ответ на запрос — число 0, если нет места на каждом отрезке между  $a$  и  $b$ , или минимальный номер свободного места.

После ответа на запрос, надо приравнять число  $p$  полученному ответу на запрос.

### Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ на него.

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 3 5	1
1 2 5	2
2 1 2	2
2 4 5	3
3 2 3	0
3 3 4	2
10	0
1 2	0
1 2	0
1 2	0
2 3	
-2 0	
2 4	
1 3	
1 4	
2 5	
1 5	

## Замечание

Обратите внимание, что запросы выглядят так: (1, 2), (2, 3), (3, 4), (4, 5), (1, 3), (2, 4), (3, 5), (1, 4), (2, 5), (1, 5).

## Задача F. Запросы на треугольниках

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Ваша задача — написать программу, хранящую мультимножество точек и позволяющую отвечать на запросы двух видов:

- добавить точку в мультимножество,
- посчитать количество точек множества, лежащих внутри или на границе данного треугольника.

### Формат входных данных

В первой строке дано число запросов  $m$  ( $1 \leq m \leq 100000$ ). Следующие  $m$  строк содержат или  $1 \ x \ y$  или  $2 \ x \ y \ r$ . Запрос 2-го типа представлен треугольником с углами в точках  $(x, y)$ ,  $(x + r, y)$ ,  $(x, y + r)$ . Известно, что  $|x|, |y|, r \leq 10^8$ ,  $r > 0$

### Формат выходных данных

Для каждого запроса-треугольника в отдельной строке одно целое число – ответ на запрос.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	1
1 2 2	2
1 4 4	
1 6 6	
2 1 1 2	
2 1 1 6	

## Задача G. Задача для Ильи

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	1024 мегабайта

Стажёр Илья работает над улучшением менеджера задач, используемого сотрудниками Иннополиса. Текущая версия менеджера ассоциирует с каждой из  $n$  назначенных сотруднику задач два параметра  $c_i$  и  $u_i$  — важность и срочность данной задачи. Более высокие значения параметров соответствуют большей важности или срочности данной задачи.

Любой сотрудник может сам выбрать порядок, в котором он будет выполнять назначенные ему задачи. Единственное ограничение имеет следующий вид: если задача  $i$  является **одновременно** более важной и более срочной, чем задача  $j$ , то есть  $c_i > c_j$  и  $u_i > u_j$ , то она должна быть выполнена раньше.

Илья решил добавить в менеджер задач рекомендательную систему, которая будет подсказывать, в каком именно порядке необходимо выполнять имеющиеся задачи. Поскольку построить такой порядок слишком просто, Илья добавил возможность сотрудникам указывать для каждой задачи величину  $p_i$ , означающую удовольствие, получаемое от выполнения данной задачи. Значения  $p_i$  для различных задач должны отличаться.

После того, как значение  $p_i$  будет указано для каждой из  $n$  задач, система должна предложить сотруднику такой порядок их выполнения, что, во-первых, не нарушаются никакие обязательные ограничения, а во-вторых, последовательность соответствующих данным задачам величин  $p_i$  лексикографически максимальна. Другими словами, из всех последовательностей выполнения задач, отвечающих ограничениям на важность и срочность, выбирается та, в которой удовольствие, получаемое сотрудником от первой выполненной задачи, максимально. В случае, если таких вариантов тоже несколько, выбирается тот, в котором удовольствие от второй выполненной задачи максимально, и так далее.

### Формат входных данных

В первой строке ввода задано единственное число  $n$  — количество задач для данного сотрудника ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ).

Следующие  $n$  строк описывают задачи в менеджере. Каждая из них содержит три целых неотрицательных числа  $c_i$ ,  $u_i$  и  $p_i$  — важность, срочность и желание выполнять данную задачу сотрудником, соответственно ( $0 \leq c_i, u_i, p_i \leq 10^9$ ). Гарантируется, что все  $p_i$  попарно различны.

### Формат выходных данных

Выведите корректную последовательность выполнения всех задач сотрудником, при которой последовательность соответствующих им величин  $p_i$  лексикографически максимальна. Задачи нумеруются с единицы в порядке их следования во вводе. Каждая задача должна встречаться в последовательности ровно один раз. Несложно показать, что ответ всегда единственен.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	3 1 2
1 2 7	
2 1 5	
3 3 0	