

## Задача А. Точка в многоугольнике

Имя входного файла: `point.in`  
Имя выходного файла: `point.out`  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

### Формат входных данных

В первой строке содержится три числа —  $N$  ( $3 \leq N \leq 100000$ ) и координаты точки. Последующие  $N$  строк содержат координаты углов многоугольника. Координаты — целые, не превосходят  $10^6$  по модулю.

### Формат выходных данных

Одна строка YES, если заданная точка содержится в приведённом многоугольнике или на его границе, и NO в противном случае.

### Пример

<code>point.in</code>	<code>point.out</code>
3 2 3 1 1 10 2 2 8	YES

## Задача В. Выпукл ли многоугольник

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пришли гномы и утащили забавную легенду к этой задаче.

### Формат входных данных

В первой строке вводится одно число  $N$  ( $3 \leq N \leq 100\,000$ ). Далее в  $N$  строках задается по паре чисел – координаты очередной вершины простого многоугольника в порядке обхода по или против часовой стрелки.

### Формат выходных данных

Выведите одну строку: «YES», если приведённый многоугольник является выпуклым, и «NO» в противном случае.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 0 0 1 1 0	YES
6 0 0 0 2 1 2 1 1 2 1 2 0	NO

## Задача С. Площадь многоугольника

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На плоскости задан многоугольник координатами вершин в порядке их обхода. Многоугольник не обязательно выпуклый. Требуется найти его площадь.

### Формат входных данных

Сначала вводится число  $N$  – количество вершин многоугольника ( $3 \leq N \leq 100\,000$ ), затем  $N$  пар целых чисел, задающих координаты его вершин. Все координаты по модулю не превосходят  $10^9$ .

### Формат выходных данных

Выведите площадь многоугольника с минимальным необходимым (вероятно, нулевым) количеством знаков после запятой.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 0 1 4 7 4	12

## Задача D. Выпуклая оболочка

Имя входного файла: hull.in  
Имя выходного файла: hull.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано  $N$  точек на плоскости.

Нужно построить их выпуклую оболочку.

Гарантируется, что выпуклая оболочка не вырождена.

### Формат входных данных

На первой строке число  $N$  ( $3 \leq N \leq 10^5$ ). Следующие  $N$  строк содержат пары целых чисел  $x$  и  $y$  ( $-10^9 \leq x, y \leq 10^9$ ) — точки.

Будьте аккуратны! Точки произвольны. Бывают совпадающие, бывают лежащие на одной прямой в большом количестве.

### Формат выходных данных

В первой строке выведите  $N$  число вершин выпуклой оболочки. Следующие  $N$  строк должны содержать координаты вершин в порядке обхода. Никакие три подряд идущие точки не должны лежать на одной прямой. Кроме того, в последней строке выведите площадь получившейся выпуклой оболочки. Площадь необходимо вывести абсолютно точно.

### Примеры

hull.in	hull.out
5 0 0 2 0 0 2 1 1 2 2	4 0 0 0 2 2 2 2 0 4.0
3 0 0 0 1 1 1	3 0 0 0 1 1 1 0.5

## Задача Е. Теодор Рузвельт

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

«Теодор Рузвельт» — флагман военно-морского флота Кукуляндии. Заклятые враги кукуляндцев, флатландцы, решили уничтожить его. Они узнали, что «Теодор Рузвельт» представляет собой выпуклый многоугольник из  $n$  вершин и узнали его координаты. Затем они выпустили  $m$  баллистических ракет и определили координаты точек, где эти ракеты взорвались. По расчётам штаба флатландцев, «Теодор Рузвельт» будет уничтожен, если в него попадёт хотя бы  $k$  ракет. Вычислите, удалось ли флатландцам уничтожить корабль.

### Формат входных данных

В первой строке через пробел записаны целые числа  $n, m, k$  ( $3 \leq n \leq 10^5, 0 \leq k \leq m \leq 10^5$ ). В последующих  $n$  строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки. В следующих  $m$  строках записаны координаты точек. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю  $10^9$ .

### Формат выходных данных

Выведите «YES», если в многоугольнике или на его границе лежит по крайней мере  $k$  точек, и «NO» в противном случае.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 4 2 1 -1 1 2 0 4 -1 2 -1 -1 -2 -1 1 -1 0 1 2 3	YES

## Задача F. Стена

Имя входного файла: `wall.in`  
Имя выходного файла: `wall.out`  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

Жил-был жадный король, который однажды приказал главному архитектору окружить королевский замок стеной. Король был настолько жаден, что не желал слушать рассказы архитектора о красивой кирпичной стене с прекрасным силуэтом и изящными высокими башнями. Вместо этого он приказал окружить замок стеной, затратив минимальное количество камня и времени, но потребовал, чтобы стена не подходила к замку ближе, чем на заданное расстояние. Если король узнает, что архитектор потратил не минимально возможное количество ресурсов, то архитектор лишится головы. Более того, король потребовал, чтобы архитектор сразу же предложил проект стены с указанием минимального количества ресурсов, необходимых для постройки.

Вы должны помочь архитектору сохранить голову, написав программу для поиска минимальной длины стены, удовлетворяющей условиям короля.

Задачу упрощает то, что замок короля имеет форму многоугольника и расположен на равнине. Архитектор уже ввел систему координат и точно измерил координаты вершин замка в футах.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит числа  $N$  и  $L$ , разделенные пробелом.  $N$  ( $3 \leq N \leq 1000$ ) — это количество вершин в королевском замке, а  $L$  ( $1 \leq L \leq 1000$ ) — минимальное количество футов, на которое стена может приближаться к замку.

Следующие  $N$  строк описывают координаты замка в порядке обхода по часовой стрелке. В каждой строке через пробел записаны целые числа  $x_i$  и  $y_i$ , разделенные пробелом ( $-10000 \leq x_i, y_i \leq 10000$ ), которые обозначают координаты  $i$ -ой вершины. Все вершины различны, и никакие две стороны не пересекаются кроме как по вершинам.

### Формат выходных данных

Выведите минимальную длину стены в футах, удовлетворяющей условиям короля с точностью не менее 6 знаков после запятой.

### Пример

<code>wall.in</code>	<code>wall.out</code>
9 100	1628.3185307180
200 400	
300 400	
300 300	
400 300	
400 400	
500 400	
500 200	
350 200	
200 200	

## Задача G. Замок

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Есть замок — точка  $(0, 0)$ . Замок окружен несколькими непересекающимися заборами, каждый представляет из себя выпуклый многоугольник.

Есть также  $m$  захватчиков, известны их координаты. Захватчики не умеют перелезть через заборы. Захватчика будем считать опасным, если он находится внутри внешнего забора. Требуется вычислить суммарную площадь области, куда опасные захватчики могут добраться без пересечения заборов.

### Формат входных данных

В первой строке задано число  $n$  — количество заборов ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ). Далее следуют описания  $n$  заборов. Каждое описание начинается с числа  $k$ , далее следуют  $k$  строк, содержащих по два числа  $x$  и  $y$  — координаты вершин ( $0 \leq x, y \leq 2 \cdot 10^6$ ). Вершины каждого многоугольника перечисляются в порядке обхода против часовой стрелки. Гарантируется, что точка  $(0, 0)$  лежит внутри каждого забора.

Далее следует число  $m$  ( $0 \leq m \leq 100\,000$ ) — количество захватчиков. В следующих  $m$  строках заданы координаты захватчиков.

Суммарное число вершин во всех многоугольниках не превосходит 100 000.

### Формат выходных данных

Выведите единственное число — общую захваченную площадь с шестью знаками после десятичной точки.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2400.000000
4	
-10 -10	
10 -10	
10 10	
-10 10	
4	
20 20	
-20 20	
-20 -20	
20 -20	
4	
30 -30	
30 30	
-30 30	
-30 -30	
3	
1 1	
22 23	
111 123	

## Задача Н. Разрезание торта

Имя входного файла: `cut.in`  
Имя выходного файла: `cut.out`  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Мама купила Пете на день рождения торт в виде выпуклого многоугольника. Торт большой и вкусный, и Петя хочет разделить его с мамой поровну. Для этого он хочет сделать один прямой разрез, причем ему будет удобнее, если этот разрез будет параллелен оси  $Oy$ . Помогите Пете определить, как ему разрезать торт.

### Формат входных данных

В первой строке записано целое число  $N$  ( $1 \leq N \leq 10000$ ) — количество вершин многоугольника. В последующих  $N$  строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю  $10^3$ .

### Формат выходных данных

Выведите  $x$ -координату точки, через которую необходимо провести разрез, с точностью не менее  $10^{-6}$ .

### Пример

<code>cut.in</code>	<code>cut.out</code>
4 0 0 0 2 2 2 2 0	1.000000000



## Задача I. Сыр

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Крешо купил вкуснейший сыр с перцем, но Степану перец не нравится, поэтому он хочет отрезать кусок, на котором не было бы перца. Сыр имеет форму выпуклого многоугольника, а каждая перчинка является точкой внутри него. Степан режет сыр только 1 раз. Он выбирает две вершины многоугольника, не являющиеся смежными, и режет по диагонали, соединяющей их. Затем Степан забирает ту из получившихся частей, на которой нет перца (ни внутри, ни на границе).

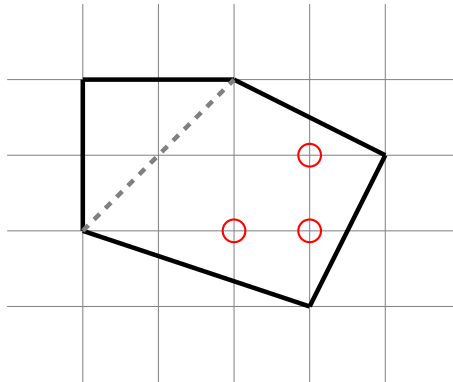


Рис. 1: Рисунок соответствует первому тесту. Пунктирной линией показан разрез Степана.

Напишите программу, которая определит, может ли Степан отрезать кусок без перца. Если он может это сделать, выведите максимальную площадь куска, который может отрезать Степан.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит одно целое число  $N$  – количество вершин в многоугольнике. Каждая из следующих  $N$  строк содержит два числа  $x_i$  и  $y_i$  – координаты  $i$ -й вершины. Следующая строка содержит одно число  $M$  – количество перчинок. Каждая из следующих  $M$  строк содержит два числа  $x_i$  и  $y_i$  – координаты  $i$ -й перчинки.

Вершины многоугольника заданы в порядке обхода против часовой стрелки и образуют выпуклый многоугольник. Никакие две подряд идущие стороны не параллельны.

Все перчинки расположены в различных точках и внутри многоугольника (они не расположены на стороне или снаружи многоугольника).

Все входные координаты по модулю не превосходят  $10^9$ .

### Формат выходных данных

Выведите одно число – удвоенную максимальную площадь (это число всегда целое). Если отрезать кусок без перца невозможно, выведите 0.

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 0 1 3 0 4 2 2 3 0 3 3 2 1 3 1 3 2	4