

## Задача А. Автобусные остановки

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

На улице есть  $n$  остановок. Улица представляет собой линию с системой координат. Координаты автобусных остановок:  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , где  $x_i$  — расстояние в метрах от  $i$ -й остановки до начала улицы. Первая автобусная остановка находится в начале улицы, а последняя находится в конце улицы.

Существует ровно один автобусный маршрут. Автобусы идут от начала до конца улицы со скоростью  $v$  метров в минуту с интервалом в  $w$  минут, начиная со времени 0. На каждой остановке останавливается автобус. Остановка не требует времени.

Есть  $q$  людей, которые хотят дойти до конца улицы.  $i$ -й человек появляется в точке  $p_i$  в момент времени  $t_i$  и может идти со скоростью не больше  $u_i$  метров в минуту. Человек может сесть на автобус и проехать на автобусе. Для каждого человека найдите минимальное время, когда этот человек может добраться до конца улицы.

### Формат входных данных

В первой строке дано одно целое число  $n$  ( $2 \leq n \leq 150000$ ) — число остановок.

Во второй строке через пробел дано  $n$  целых чисел  $x_i$  ( $0 = x_1 < x_2 < \dots < x_n \leq 10^9$ ) — координаты остановок.

В третьей строке даны 2 числа  $w$  и  $v$  ( $1 \leq w, v \leq 10^9$ ) — интервал и скорость движения автобусов соответственно.

В четвёртой строке дано число  $q$  ( $1 \leq q \leq 150000$ ) — число людей.

В следующих  $q$  строках идёт описание людей. В  $i$ -й из них записаны 3 числа  $p_i, t_i, u_i$  ( $0 \leq p_i < x_n, 0 \leq t_i \leq 10^9, 1 \leq u_i \leq 10^9$ ) — координата точки появления  $i$ -го человека, время его появления и его скорость.

### Формат выходных данных

Выведите  $q$  строк. В  $i$ -й строке выведите минимальное время, когда  $i$ -й человек сможет добраться до конца улицы.

Ответ считается корректным, если его абсолютная погрешность не превышает  $10^{-6}$ .

### Система оценки

Подзадача на 50 баллов:

- $n, q \leq 3000$

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	10
0 10 40 100	30
20 10	5.75
3	
0 0 4	
15 10 1	
40 2 16	

## Задача В. Ретро

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	512 мегабайт

Маленький Мирко получил игровую консоль на Рождество. Это не Playstation 4 и не Xbox one, а Atari 2600, на которой находилась одна бесплатная игра. Протагонист игры стоял внизу экрана, сверху появлялись различные объекты, которые падали вниз.

Говоря точнее, экран представлен в виде поля  $R \times S$  пикселей,  $R$  строк и  $S$  столбцов. Протагонист занимал один пиксель, помеченный «М», и находился на нижней строчке поля. Остальные пиксели были помечены одним из следующих символов: «.» (пустая клетка), «\*» (бомба), «(» (открывающая скобка), «)» (закрывающая скобка).

Протагонист мог перемещаться влево или вправо на один пиксель, или оставаться на месте, в то время как остальные объекты одновременно перемещаются на один пиксель вниз (возможно за экран). Когда персонаж попадает на скобку, она записывается в специальный массив. В конце игры требуется собрать в этом массиве максимально возможную по длине **правильную** скобочную последовательность.

Правильная скобочная последовательность (далее ПСП) определяется по следующим правилам:

1. «()» является ПСП.
2. Если  $A$  — ПСП, то «(A)» тоже является ПСП.
3. Если  $A$  и  $B$  — ПСП, то «AB» тоже является ПСП.

Игра заканчивается, если позиция игрока совпала с позицией бомбы, или когда все объекты упали за экран.

### Формат входных данных

В первой строке вводятся натуральные числа  $R$  и  $S$  ( $1 \leq R, S \leq 300$ ) — размеры поля. В каждой из следующих  $R$  строк вводятся  $S$  символов «М», «.», «\*», «(» или «)» — игровое поле.

### Формат выходных данных

В первой строке выведите длину максимальной скобочной последовательности, которую Мирко может получить. Во второй строке выведите эту последовательность. Если ответов несколько, выведите **лексикографически минимальный** из них.

### Система оценки

Программы, верно работающие при  $R \leq 15$  оцениваются в 25 баллов. Программы, верно работающие при  $R \leq 100$  оцениваются в 50 баллов.

## Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 4 ..). .)(. (.)* *(.* ..M.	4 (( ))
6 3 )(. *.. (** )() ( ). M..	4 ( )
6 3 ((. *.. (** )() ( ). M..	2 ( )

## Замечание

Пояснения к первому примеру: движения протагониста такие: влево, влево, вправо, вправо.

Пояснения ко второму примеру: движения протагониста такие: не двигаться, не двигаться, не двигаться, вправо, влево.

Пояснения ко третьему примеру: движения протагониста такие: не двигаться, не двигаться, вправо.

## Задача С. Ханы

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Элли недавно узнала про Булгарских ханов — правителей кочевых народов, которые путешествовали по континенту сотни лет, прежде чем они наконец поселились навсегда в местах, где сейчас находится Болгария.

Континент, по которому они скитались, разделен на  $N * M$  регионов, расположенных в форме прямоугольника с  $N$  строками и  $M$  столбцами. Ханы останавливались ровно на один год в определенном регионе, и пока они жили там, их клан съедал всю еду в этом регионе. В конце года они перемещались в один из (не более чем) четырех соседних по стороне регионов, там они проводили следующий год, съедая всю еду в нем, и так далее. Будем считать, что перемещения в соседний регион происходят мгновенно (в конце концов, что такое несколько дней путешествия по сравнению с целым годом). Ханы никогда не проводили два года подряд в одном регионе, в этом случае их клан мог бы погибнуть от голода.

Для каждого региона известно максимальное количество еды, которое может в нем находиться. Обозначим это значение целым числом  $A_{ij}$ . После того, как ханы съедали всю еду в регионе и уезжали со своим кланом в соседний регион, еда в нем начинала восстанавливаться. Через год после отъезда ханов в регионе появлялась 1 единица еды. После этого каждый год количество еды в регионе удваивалось, пока оно не достигало максимального значения  $A_{ij}$  для этого региона. Обратите внимание, что количество еды никогда не превышало максимального количества, которое могло находиться в регионе. Например, если  $A_{ij} = 55$ , то количество еды в этом регионе в начале каждого из первых десяти лет после отъезда ханов из этого региона, было, соответственно, 0, 1, 2, 4, 8, 16, 32, 55, 55, 55.

Ханы никогда не возвращались в регион, пока он не восстанавливался полностью и количество еды в нем не достигало максимума. Из-за этого могла, например, сложиться ситуация, что ханы переместились в регион, где меньше еды (скажем, 42 единицы, но это максимальное количество), а не в регион, где больше еды (скажем, 64, а максимум 71). В примере в предыдущем параграфе ханы могли бы вернуться в регион в начале 8 года после своего отъезда, это первый год, в который в этом регионе количество еды максимально.

Элли знает информацию о максимальном количестве еды в каждом регионе континента, заданную как матрицу  $A$  с  $N$  строками и  $M$  столбцами. Зная, что ханы проведут первый год в левом верхнем регионе, а исходно каждый регион содержит максимальное возможное для этого региона количество еды, выясните, какое максимальное количество еды ханы смогут суммарно съесть за  $K$  лет.

### Формат входных данных

На первой строке входных данных заданы три целых числа  $N$ ,  $M$ , и  $K$  ( $1 \leq N, M \leq 10$ ,  $1 \leq K \leq 100$ ), задающих, соответственно, количество строк, количество столбцов в матрице и количество лет. На каждой из следующих  $N$  строк находятся по  $M$  целых чисел  $A_{ij}$  ( $10 \leq A_{ij} \leq 100$ ), задающих максимальное количество еды в соответствующем регионе.

### Формат выходных данных

Выведите одну строку, содержащую одно целое число — максимальное суммарное количество еды, которое ханы смогут съесть, если они будут путешествовать оптимально.

Гарантируется, что всегда будет путь, который не нарушает правила, что нельзя повторно посещать регион до момента, когда в нем полностью восстановится максимальное количество еды.

### Система оценки

В данной задаче каждый тест оценивается отдельно

- В тестах, имеющих стоимость в 20 процентов от баллов за задачу, выполнено  $1 \leq N, M \leq 4$

- В тестах, имеющих стоимость в еще 20 процентов от баллов за задачу, выполнено  $1 \leq K \leq 20$

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4 11 11 17 13 96 10 12 18 15 13 12 16 17 24 10 14 22	254

### Замечание

В первом примере регионы, которые ханы могут посетить, чтобы съесть максимальное количество еды (254 единицы) — регионы с максимальным количеством еды 11, 17, 13, 96, 15, 17, 22, 14, 16, 18, 15, соответственно. При этих перемещениях они посетят дважды лишь один регион — с максимальным количеством еды 15. Обратите внимание, что после последнего года все регионы, соседние с последним регионом, посещенном ханами, не содержат максимального возможного количества еды. Для приведенного теста это не проблема, поскольку это последний год. Но если бы ханам необходимо было продолжить перемещения (например,  $K$  было бы равно 12, а не 11), то им пришлось бы выбрать другой путь. Вариант оптимального пути для  $K = 12$  по континенту из первого примера: 11, 17, 13, 96, 15, 18, 16, 17, 22, 14, 10, 24, с суммой 273.

## Задача D. Ghiță, Lică Sămădăul и Buză Spartă

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	4 секунды
Ограничение по памяти:	512 мегабайт

«Ghiță» очень любит программирование. Его любимые занятия — играть с перестановками и проводить время со своей женой Зинаидой. На свою 10-летнюю годовщину свадьбы Зинаида подарила ему очень красивую перестановку, ведь она знала, что это лучший подарок, который может получить «Ghiță». Пусть  $P_j$  — это  $j$ -элемент перестановки для каждого  $1 \leq j \leq N$ .

«Ghiță» был так рад такому подарку, что начал вычислять значение  $Q_i$  для каждого  $i$  что  $1 \leq i \leq N$ .  $Q_i$  — это число возрастающих подпоследовательностей на префиксе длины  $i$  в перестановке.

Более формально для каждого  $1 \leq i \leq N$ ,  $Q_i$  равняется числу последовательностей  $j_1, j_2, \dots, j_k$ , что  $1 \leq j_1 < j_2 < \dots < j_{k-1} < j_k \leq i$  и  $P_{j_1} < P_{j_2} < \dots < P_{j_k}$ .

$Q$  конечно не перестановка, но тоже крутая штука, поэтому «Ghiță» положил её рядом с  $P$ .

Все было нормально, пока не появился «Lică Sămădăul». Он хотел использовать систему эпиднадзора «Ghiță» для аморальных целей, а «Ghiță», будучи честным человеком, не помог ему. Разгневанный ответом «Ghiță», «Lică Sămădăul» нанял «Buză Spartă», чтобы помочь ему украсть самые ценные активы «Ghiță»: его перестановку и его жену. И так он и сделал.

На следующий день «Ghiță» выяснил, что  $P$  отсутствует, и теперь единственная возможность для «Ghiță» восстановить перестановку — это использовать массив  $Q$ , который у него есть. Как вы уже догадались, ваша задача — помочь «Ghiță» восстановить перестановку  $P$ , используя массив  $Q$ .

### Формат входных данных

В первой строке ввода записано одно число  $N$  ( $1 \leq N \leq 70\,000$ ).

Во второй строке через пробел записаны  $N$  целых чисел  $Q_1, Q_2, \dots, Q_N$ .

Размер входного файла не превышает **115 МБ**.

Мы советуем вам самостоятельно проверять время работы и использование памяти читающей части вашей программы, чтобы убедиться, что возможная неэффективность вашей программы не связана с этой частью.

### Формат выходных данных

В первой и единственной строке выведите  $P$  — украденную перестановку.

Гарантируется, что существует ровно один возможный ответ (только один  $P$  имеет заданный  $Q$ ).

### Система оценки

№	Баллы	Ограничения	$T$ = длине $Q_i$	Размер входных данных
0	0	Тесты из условия	—	—
1	10	$N \leq 9$	—	—
2	15	$N \leq 400$	$T \leq 18$	—
3	18	$N \leq 700$	—	—
4	17	$N \leq 40\,000$	$T \leq 171$	4.5 МБ
5	11	$N \leq 70\,000$	$T \leq 258$	10 МБ
6	7	$N \leq 70\,000$	$T \leq 314$	16 МБ
7	16	$N \leq 70\,000$	—	85 МБ
8	6	$N \leq 70\,000$	—	115 МБ

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 1 2 5 6	3 2 4 1
6 1 3 5 9 11 21	1 6 3 4 2 5

## Замечание

В первом примере  $N = 4$  и  $P = \{3, 2, 4, 1\}$

$Q_1 = 1$ , так как  $\{3\}$  — единственная возрастающая подпоследовательность  $\{3\}$

$Q_2 = 2$ , потому что  $\{3\}$  и  $\{2\}$  — единственные возрастающие подпоследовательности  $\{3, 2\}$

$Q_3 = 5$ , потому что  $\{3\}, \{3, 4\}, \{2\}, \{2, 4\}, \{4\}$  — единственные возрастающие подпоследовательности  $\{3, 2, 4\}$

$Q_4 = 6$ , потому что  $\{3\}, \{3, 4\}, \{2\}, \{2, 4\}, \{4\}, \{1\}$  — единственные возрастающие подпоследовательности  $\{3, 2, 4, 1\}$ .